

Due bombole contengono rispettivamente  $n_1 = 3$  e  $n_2 = 5$  moli di un medesimo gas alla stessa temperatura alle pressioni  $P_1 = 100$  atm e  $P_2 = 30$  atm. Calcolare la pressione del gas quando le due bombole vengono messe in comunicazione (da un tubo di volume trascurabile) e la temperatura è tornata quella iniziale.

La legge dei gas applicata alle due bombole separatamente dice

$$P_1 V_1 = n_1 R T$$

$$P_2 V_2 = n_2 R T$$

$$V_1 = \frac{n_1 R T}{P_1}$$

$$V_2 = \frac{n_2 R T}{P_2}$$

Quando sono comunicanti e all'equilibrio

$$P_3 (V_1 + V_2) = (n_1 + n_2) R T$$

$$P_3 = \frac{(n_1 + n_2) R T}{\left(\frac{n_1}{P_1} + \frac{n_2}{P_2}\right) R T}$$

$$= \frac{(n_1 + n_2) P_1 P_2}{n_1 P_2 + n_2 P_1} = \frac{8 \cdot 100 \cdot 30}{3 \cdot 100 + 5 \cdot 30} = 40,7 \text{ atm}$$

Un blocco di metallo di massa  $m_1 = 200 \text{ g}$  di metallo viene immerso in  $M_1 = 275 \text{ g}$  di acqua alla temp.  $T_1 = 10^\circ\text{C}$  e si osserva che la temp. finale dell'acqua è  $T_2 = 12^\circ\text{C}$

Un secondo blocco di massa  $m_2 = 250 \text{ g}$  dello stesso metallo alla stessa temp iniz del primo viene immerso in  $M_2 = 168 \text{ g}$  di acqua a  $T_3 = 10^\circ\text{C}$  portandolo a  $T_4 = 14^\circ\text{C}$ .

Calcolare: 1. calore specifico del metallo  
2. temperatura iniziale dei blocchi

per il primo blocco

[a. conservazione dell'energia]  
b.  $\Delta Q = m c_s \Delta t$

$$m_1 c_s (T - T_2) = M_1 (T_2 - T_1) c_{\text{H}_2\text{O}}$$

per il secondo

$$m_2 c_s (T - T_4) = M_2 (T_4 - T_3) c_{\text{H}_2\text{O}}$$

$$c_s = \frac{M_1}{m_1} c_{\text{H}_2\text{O}} \frac{T_2 - T_1}{T - T_2}$$

$$c_{\text{H}_2\text{O}} = 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}^\circ\text{K}} = 4186 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{K}}$$

$$\frac{M_2 M_1}{m_1} \frac{(T - T_3) (T_2 - T_1)}{T - T_2} = M_2 (T_4 - T_3)$$

$$\frac{T - T_3}{T - T_2} = \frac{M_2}{M_1} \cdot \frac{m_1}{M_2} \frac{T_4 - T_3}{T_2 - T_1} = \frac{168}{275} \frac{200}{250} \frac{4}{2} = 0.977$$

$$T - T_4 = 0.977 T - 0.977 T_2$$

$$T (1 - 0.977) = T_4 - 0.977 T_2 \Rightarrow T = 37^\circ\text{C}$$

$$T = \frac{287 - 0.977 \cdot 285}{0.023} \approx 372 \text{ K} = 99^\circ\text{C}$$

La temperatura di una stanza è inizialmente  $T_1 = 10^\circ\text{C}$ . La stanza viene riscaldata e la temperatura sale a  $T_2 = 20^\circ\text{C}$ . Se il volume della stanza è  $V = 60\text{ m}^3$  e la pressione  $p = 1\text{ atm}$  di quanto varia la massa d'aria contenuta in essa?

Prima del riscaldamento vale la relazione

$$pV = n_1 RT_1 = \frac{M_1}{P_M} RT_1$$

dopo il riscaldamento

$$pV = n_2 RT_2 = \frac{M_2}{P_M} RT_2$$

$$M_1 = pV \cdot \frac{P_M}{RT_1}$$

$$M_2 = \frac{pV P_M}{RT_2}$$

$$M_1 - M_2 = \frac{pV}{R} P_M \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

$$R = 8.31\text{ J/K}$$

$$P_M \approx 29$$

La stanza è aperta a pressione atmosferica, quindi diminuisce la massa (aumenta il volume occupato) contenuta. Se la stanza fosse chiusa aumenterebbe la pressione.

In un recipiente è contenuta una certa quantità di un gas perfetto alla pressione atmosferica. Il recipiente viene aperto e il gas viene riscaldato fino a che  $\frac{1}{10}$  del gas contenuto inizialmente è uscito. Successivamente il recipiente viene chiuso ed il gas lasciato raffreddare fino alla temp. iniziale. Calcolare la pressione finale del gas.

La prima trasformazione del gas avviene a pressione e volume costante mentre il numero di moli passa da  $n$  a  $\frac{9}{10}n$

$$pV = nRT_0 = \frac{9}{10}nRT_1 \rightarrow \frac{T_0}{T_1} = \frac{9}{10}$$

ove  $T_1$  è la temperatura finale

La seconda trasformazione è un raffreddamento a volume costante

$$V = \frac{\frac{9}{10}nRT_1}{p_1} = \frac{\frac{9}{10}nRT_2}{p_2}$$

$$\text{ma } p_1 = p_0 \quad T_2 = T_0 \rightarrow p_2 = p_0 \frac{T_0}{T_1} = \frac{9}{10}p_0 = 0.9 \text{ atm}$$

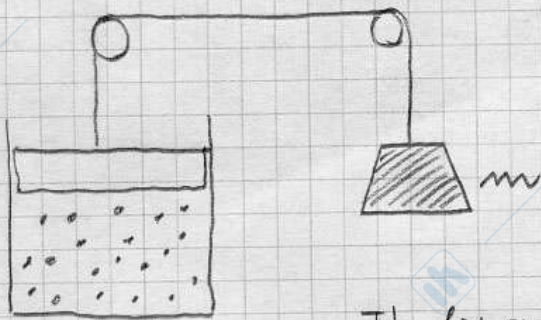
$$1 \text{ atm} = 1,013 \times 10^5 \text{ pascal}$$

pascal  
 $\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$

$$1 \text{ atm} = 1,013 \text{ bar}$$

$$= 1013 \text{ millibar}$$

In un cilindro dotato di pistone scorrevole senza attrito sono contenute  $n=3.5$  moli di gas perfetto alla temperatura iniziale  $T_1=325$  K. Al pistone è collegata una massa  $m=100$  kg per mezzo di carrucale - Si chiede di quanti gradi bisogna raffreddare reversibilmente il gas per innalzare la massa di 20 cm.



La trasformazione è  
isobara

Il lavoro necessario per alzare la  
massa di  $\Delta h=20$  cm è dato da

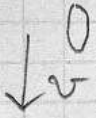
$$\Delta U = L = mg\Delta h = 100 \cdot 9.8 \cdot 0.2 = 196.2 \text{ J}$$

ed è il lavoro compiuto nella compressione isobara  
del gas  $L = p\Delta V$

Dato che il gas è perfetto  $p\Delta V = nR\Delta T$

$$\Delta T = \frac{mg\Delta h}{nR} = \frac{196.2}{3.5 \times 8.31} = 6.7 \text{ K}$$

A quale velocità si deve lanciare un uovo su una pentola affinché si cuocia?



Cottura = raggiungimento di una certa  $T^*$  (temp. di cottura)

Urto anelastico: tutta l'energia cinetica si trasforma in calore (il sistema padella + uovo è fermo dopo l'urto)

$$\frac{1}{2} m v^2 = m c_{\text{uovo}} (T^* - T_i)$$

$$v = \sqrt{2 c_{\text{uovo}} (T^* - T_i)}$$

- indip. dalla massa
- dipende dalla temp. iniziale

$$c_{\text{H}_2\text{O}} \approx 1 \text{ kcal/kgC}$$

$$c_{\text{uovo}} \approx 0.48 \text{ kcal/kgC}$$

$$\sqrt{2 \cdot 4186 \cdot 80} \approx 810 \text{ m/sec}$$

$$\sqrt{2 \cdot 4186 \cdot 0.48 \cdot 80} \approx 570 \text{ m/sec}$$

~~$2 \cdot 8 \cdot 4186 \cdot 80$~~  supera il muro del suono.

app. per uovo certo inst. ci vorrebbe

una mole di gas perfetto monoatomico si espande assorbendo una quantità di calore  $Q$ . La variazione di energia interna è pari ai  $3/4$  del lavoro prodotto. Determinare la variazione di temp. del gas sapendo che  $Q = 2.85 \cdot 10^3 \text{ J}$

La trasf compiuta dal gas non è data, però sappiamo che  $U = U(T)$  funz solo della Temp.

Noi sappiamo che  $\Delta U = 3/4 L$        $L = 4/3 \Delta U$

dal I pr.  $Q = L + \Delta U = 4/3 \Delta U + \Delta U = 7/3 \Delta U$

ma  $\Delta U = C_V \Delta T$  (1mole) con  $C_V = 3/2 R$  (monoat)

$$\Rightarrow Q = \frac{7}{3} \cdot \frac{3}{2} R \Delta T \quad \Delta T = \frac{2Q}{7R} = \frac{2 \cdot 2850}{3 \cdot 8.31} = 98 \text{ K}$$

Un blocco di ghiaccio alla  $T_1 = 0^\circ\text{C}$  viene posto a contatto (in un termos) con un blocco di rame alla  $T_2 = 100^\circ\text{C}$ . All'equilibrio si è sciolta una massa  $M$  di ghiaccio. Calcolare  $M$  e la variazione di entropia sapendo che la capacità termica del blocco di rame è  $C = 6 \cdot 10^3 \text{ J/K}$  e il calore latente di fusione del ghiaccio è  $\gamma = 3.33 \cdot 10^5 \text{ J/kg}$ .

Dato che il ghiaccio non scioglie tutto l'equilibrio sarà alla temp di eq. tra acqua e ghiaccio cioè  $0^\circ\text{C}$ .

$$\Rightarrow C(T_2 - T_1) = M \gamma \quad \text{[sono in un termos / si conserva Q]}$$

$$M = \frac{C}{\gamma} (T_2 - T_1) = 1.8 \text{ kg.} \quad \text{La fusione del ghiaccio è}$$

$$\text{un processo isotermo} \Rightarrow \Delta S_{\text{g}} = \frac{M \gamma}{T} = 2196 \text{ J/K}$$

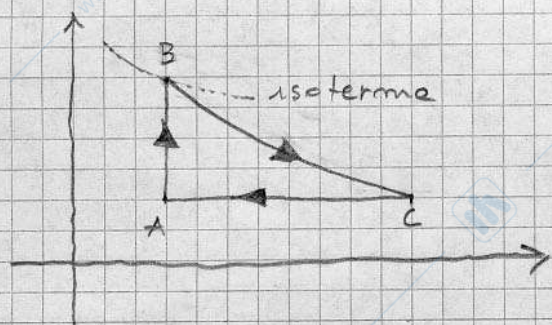
Per il rame si suppone un trasferimento reversibile.

$$\Delta S_{\text{r}} = \int_{T_2}^{T_1} \frac{C dT}{T} = C \ln \frac{T_1}{T_2} = C \ln \frac{273}{373} = -1873 \text{ J/K}$$

$$\Delta S_{\text{TOT}} = \Delta S_{\text{g}} + \Delta S_{\text{r}} = 322 \text{ J/K} \quad \text{(sistema isolato)}$$

$$\Delta S > 0$$

Due moli di gas compiono il ciclo in figura. Si conoscono  $P_B, V_B$  e  $V_C$ . Calcolare il rendimento del ciclo e confrontarlo con quello di un ciclo di Carnot che lavori fra le stesse temp. estreme



AB isocora  
BC adiabatica  
CA isobara

$P_B = 1 \text{ atm}$   
 $V_B = 1 \text{ l}$   
 $V_C = 2 \text{ l}$

AB:  $p$  cresce a  $V$  cost  $\Rightarrow T$  cresce  $\Rightarrow$  col ass  
BC: adiabatica  
CA:  $V$  decresce a  $p$  cost  $\Rightarrow T$  decr  $\Rightarrow$  col ced

$$\eta = \frac{W}{Q_{\text{ass}}} = \frac{Q_{AB} + Q_{CA}}{Q_{AB}} = 1 + \frac{Q_{CA}}{Q_{AB}}$$

$$Q_{CA} = n C_p (T_A - T_C) = \frac{C_p}{R} (P_A V_A - P_C V_C) = \frac{C_p}{R} P_C (V_A - V_C) = - \frac{C_p}{R} P_B \left(\frac{V_B}{V_C}\right)^\gamma (V_B - V_C)$$

$C_p = \frac{5}{2} R \quad \gamma = \frac{5}{3}$

$$Q_{AB} = n C_v (T_B - T_A) = \frac{C_v}{R} (P_B V_B - P_A V_A) = \frac{C_v}{R} V_B (P_B - P_C) = \frac{C_v V_B P_B}{R} \left[1 - \left(\frac{V_B}{V_C}\right)^\gamma\right]$$

$$\eta = 1 + \frac{\frac{C_p}{R} P_B V_B (1 - V_C/V_B) (V_B/V_C)^\gamma}{\frac{C_v}{R} P_B V_B [1 - (V_B/V_C)^\gamma]} = 1 + \gamma \left(1 - \frac{V_C}{V_B}\right) \frac{(V_B/V_C)^\gamma}{1 - (V_B/V_C)^\gamma}$$

$$= 1 - \frac{5}{3} \frac{(1/2)^{5/3}}{1 - (1/2)^{5/3}} = 23.4\%$$

Le temperature estreme sono  $T_A$  e  $T_B$  (le adiabatiche sono più "ripide" delle isoterme)

$$\eta_{\text{Carnot}} = 1 - \frac{T_A}{T_B} = 1 - \frac{P_A V_A}{P_B V_B} = 1 - \frac{P_A}{P_B} = 1 - \left(\frac{V_B}{V_C}\right)^\gamma \approx 68\%$$

check

## entropia

Due recipienti di volume uguale contengono rispettivamente  $n_1$  e  $n_2$  moli di due diversi gas perfetti -

Supponendo che le temperature dei gas sia la stessa calcolare la variazione di entropia del sistema quando i due recipienti vengono messi in comunicazione.

Due osservazioni:

1 - variazione di entropia in una generica trasform. di un gas perfetto

$$\Delta S = n C_v \ln \frac{T_2}{T_1} + n R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

2 - L'entropia è additiva

$$\Delta S_{TOT} = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

↓ ↓  
relativo a  
ciascuno dei  
due gas considerato  
separatamente

$$n_1 = 3 \quad n_2 = 2$$

nel nostro caso  $T_2 = T_1$  per entrambi i gas  
e  $V_2 = 2V_1$  per entrambi i gas

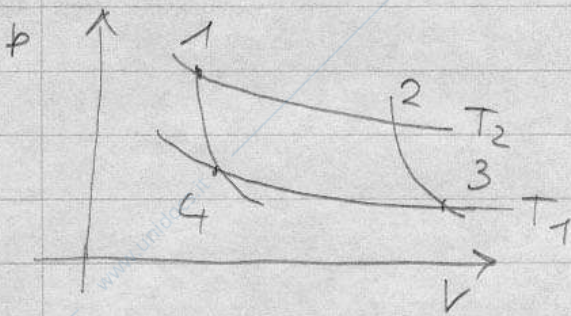
$$\Delta S = n_1 R \lg 2 + n_2 R \lg 2 = 5 \lg 2 R = 28.8 \text{ J/K}$$

$$\underline{\underline{\text{rem}}}$$

$$dS = \frac{\delta Q}{T} = \frac{dU + p dV}{T} = \frac{n C_v dT}{T} + \frac{n R dV}{dV}$$

$$\Rightarrow \Delta S = n C_v \ln \frac{T_f}{T_i} + n R \ln \frac{V_f}{V_i}$$

Una mole di gas perfetto monoatomico compie un ciclo di Carnot tra le temperature  $T_1 = 300\text{ K}$  e  $T_2 = 600\text{ K}$ . Nella isoterma superiore il volume iniziale è  $V_1 = 2\text{ l}$  e quello finale  $V_2 = 8\text{ l}$ . Calcolare il lavoro compiuto in un ciclo, e il calore ceduto al sistema e il rendimento.



$$W = W_{12} + W_{23} + W_{34} + W_{41}$$

isoterme  $W_{12} = n T_2 \ln \frac{V_2}{V_1}$

$$W_{34} = n T_1 \ln \frac{V_4}{V_3} = -n R T_1 \ln \frac{V_3}{V_4}$$

$$T_2 V_2^{\gamma-1} = T_1 V_3^{\gamma-1}$$

perché sono trasf.

$$T_2 V_1^{\gamma-1} = T_1 V_4^{\gamma-1}$$

adiabatiche

$$\Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{V_3}{V_4}$$

$$W_{34} = -n T_1 \ln \frac{V_2}{V_1}$$

lungo le adiabatiche  $\Delta Q = 0 \Rightarrow \Delta W = \Delta U = C_V \Delta T$

$$W_{23} = C_V (T_2 - T_1) \quad W_{41} = C_V (T_1 - T_2) = -W_{23}$$

$$\Rightarrow W = n R (T_2 - T_1) \ln \frac{V_2}{V_1} = 8.31 \cdot 300 \lg 4 \approx 3456\text{ J}$$

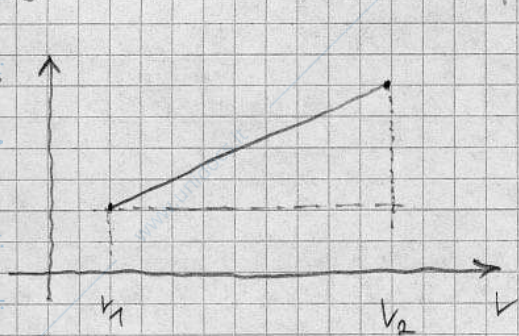
$$Q_{\text{ass}} = W_{12}$$

$$\eta = \frac{W}{Q_{\text{ass}}} = \frac{W}{W_{12}} = \frac{n R (T_2 - T_1) \ln \frac{V_2}{V_1}}{n R T_2 \ln \frac{V_2}{V_1}} = 1 - \frac{T_1}{T_2} = 0.5$$

una mole di gas perfetto biatomico compie una trasformazione descritta dall'equazione  $P = kV$  con  $k = 2 \text{ atm/l}$ .

Sapendo che la temp. iniziale è  $T_1 = 300 \text{ K}$ , il volume iniziale è  $V_1 = 4 \text{ l}$  e il volume finale  $V_2 = 2V_1$  calcolare

1. il lavoro compiuto
2. variazione di energia interna
3. il calore assorbito



$$1. \delta W = p dV \quad W = \int_{V_1}^{V_2} p dV = k \int_{V_1}^{V_2} V dV$$

$$= \frac{k}{2} (V_2^2 - V_1^2) = \frac{3}{2} k V_1^2$$

$$= 48 \text{ l-atm} \approx 4862 \text{ J}$$

$$2. \Delta U = C_V \Delta T = C_V T_1 \left( \frac{P_2 V_2}{P_1 V_1} - 1 \right) = C_V T_1 \left( \frac{V_2^2}{V_1^2} - 1 \right)$$

$$= 3 C_V T_1 = 3 \times \frac{5}{2} R \times 300 = 2250 R \approx 18697 \text{ J}$$

$$3. \Delta U = Q - W \quad (\text{non è un ciclo})$$

$$Q = \Delta U + W = \quad (\text{assorbito})$$

La trasformazione ha un "rendimento"

$$\eta = \frac{W}{Q} = \frac{W}{\Delta U + W} = \frac{1}{1 + \frac{\Delta U}{W}} = \frac{1}{1 + \frac{3 C_V T_1}{\frac{3}{2} k V_1^2}} = \frac{1}{1 + \frac{5 R T_1}{k V_1^2}} \approx$$

Due corpi identici di capacità termica identici  $C_p$  sono inizialmente alle temperature  $T_1$  e  $T_2$ . I corpi vengono poi usati come sorgenti di una macchina termica ideale (= che compie cicli reversibili). Supponendo che la pressione rimanga costante calcolare la temp. finale dei due corpi e il lavoro prodotto dalla macchina.

I due corpi non sono termostati: la macchina funziona prendendo calore da ② e cedendone a ①, trasformando la differenza in lavoro. Nel processo  $T_2$  dimin e  $T_1$  aumenta. La macchina smette di funzionare quando  $T_2 = T_1 = T^*$

Le variazioni di entropia dei corpi sono date da

$$\Delta S_1 = \int_1^* \frac{\delta Q}{T} = \int_1^* \frac{C_p dT}{T} = C_p \ln \frac{T^*}{T_1} \quad \Delta S_2 = C_p \ln \frac{T^*}{T_2}$$

ma le trasf della macchina (e quindi delle sorg) sono reversibili ergo  $\Delta S_{TOT} = 0 = \Delta S_1 + \Delta S_2$

$$C_p \left( \ln \frac{T^*}{T_1} + \ln \frac{T^*}{T_2} \right) = 0 = C_p \ln \frac{T^{*2}}{T_1 T_2} \Rightarrow T^* = \sqrt{T_1 T_2}$$

$$\begin{aligned} W = Q &= C_p (T_2 - T^*) - C_p (T^* - T_1) = C_p (T_1 + T_2 - 2T^*) \\ &= C_p (T_1 + T_2 - 2\sqrt{T_1 T_2}) \\ &= C_p (\sqrt{T_2} - \sqrt{T_1})^2 \end{aligned}$$

è un limite superiore

una mole di  $gpma$  compie un ciclo Diesel.

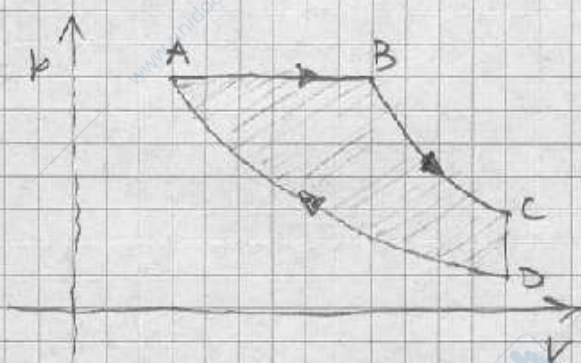
AB espansione isobara  $V_B = 2V_A$

BC espansione adiabatica  $V_C = 2V_B = 4V_A$

CD decompressione isocora  $P_D = 2^{-5/3} P_C$

CA compressione adiabatica

Disegnare il ciclo sul piano p-v. Calcolare le temperature ed il rendimento. Si conoscono  $P_A V_A T_A$



AB calore assorbito

CD calore ceduto

$$\eta = 1 - \frac{Q_{CD}}{Q_{AB}}$$

$$Q_{AB} = n C_p (T_B - T_A) = \frac{C_p}{R} (P_B V_B - P_A V_A) = \frac{C_p}{R} P_A \cdot V_A = \frac{5}{2} P_A V_A$$

$$T_B = 2 T_A \quad T_B V_B^{\gamma-1} = T_C V_C^{\gamma-1} \quad T_C = T_B \left( \frac{V_B}{V_C} \right)^{\gamma-1} = T_B 2^{1-\gamma} = T_A 2^{\gamma-1}$$

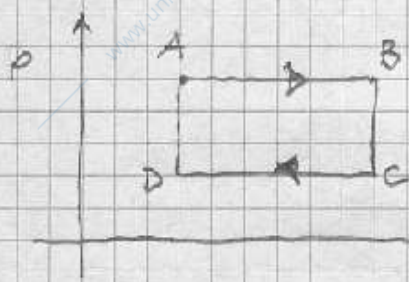
$$T_C = 2^{1/3} T_A \dots$$

$$P_C / T_C = P_D / T_D \quad T_D = T_C \cdot P_D / P_C = 2^{-5/3} T_C = 2^{-4/3} T_A$$

$$Q_{CD} = n C_v (T_D - T_C) = \frac{3}{2} R T_A (2^{-4/3} - 2^{1/3})$$

$$\eta = 1 - \frac{\frac{3}{2} R T_A (2^{-4/3} - 2^{1/3})}{\frac{5}{2} R T_A} = \dots$$

un gas perfetto biatomico compie il ciclo in figura.



1. Calcolare il rendimento partendo dai valori  $p_A = 2 \text{ atm}$   $p_D = 1 \text{ atm}$

$$V_C = 5 \text{ l} \quad V_D = 2 \text{ l}$$

1 mole

2. Descrivere il ciclo nel piano VT

In questo caso il lavoro può essere facilmente calcolato come  $W = \oint p dV = (p_A - p_D)(V_C - V_D) = 3 \text{ l} \cdot \text{atm}$

- ↳
- area racchiusa dal ciclo
  - le isocore non danno contributo

AB aumento  $V$  a  $p$  cost  $\Rightarrow T$  aumenta  $\Rightarrow$  calore ass

BC dim  $p$  a  $V$  cost  $\Rightarrow$  calore ceduto

CD dim  $V$  a  $p$  cost  $\Rightarrow$  calore ceduto

DA avv  $p$  a  $V$  cost  $\Rightarrow$  calore ass

$$Q_{AB} = n C_p (T_B - T_A) \quad \text{rem} \quad \Delta U = Q - W$$

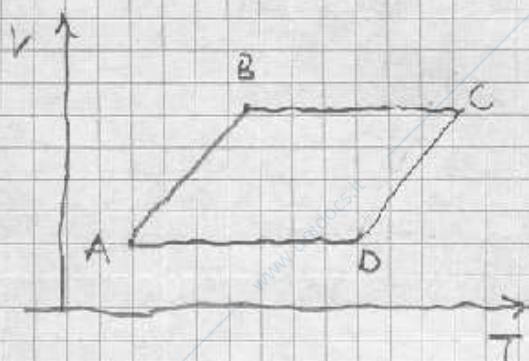
$$= \frac{7}{2} (p_B V_B - p_A V_A) = \frac{7}{2} p_A (V_C - V_D)$$

$$Q_{DA} = n C_v (T_A - T_D) = \frac{5}{2} (p_A V_A - p_D V_D) = \frac{5}{2} V_D (p_A - p_D)$$

$$Q_{\text{ass}} = \frac{1}{2} \{ 7 p_A (V_C - V_D) + 5 V_D (p_A - p_D) \} = \frac{1}{2} \{ 42 + 10 \} = 26 \text{ l} \cdot \text{atm}$$

$$\eta = \frac{W}{Q_{\text{ass}}} = \frac{3}{26}$$

$$p = \text{cost} \Rightarrow V = \text{cost } T$$



una massa  $m = 100g$  di  $CO_2$  subisce una espansione isoterma reversibile per effetto della quale il volume del gas triplica. Sapendo che l'energia termica del gas è  $U = 8000J$  e che la variazione di entropia nella trasformazione è pari a  $\Delta S = 5 \text{ cal/K}$  calcolare:

- la quantità di calore  $Q$  scambiata dal gas con l'esterno durante la trasform.
- la temp. a cui avviene la trasform.
- il peso molecolare del gas

Dato che la trasform. è isoterma  $dU = 0 \Rightarrow \delta Q = \delta L = p dV$

$$Q = \int p dV = nRT \int \frac{dV}{V} = nRT \ln \frac{V_2}{V_1} = nRT \ln 3$$

$$U = n C_v T = n \frac{3}{2} RT = \frac{3}{2} nRT$$

$$nRT = \frac{2}{3} U \quad Q = \frac{2}{3} U \ln 3 = \frac{2}{3} \ln 3 \cdot 8 \cdot 10^3 J = 5850.7 J$$

per sapere  $T$  e  $n$  separatamente usiamo il dato  $\Delta S = 5 \text{ cal/K}$

$$\Delta S = \frac{\delta Q}{T} = \frac{dU + p dV}{T} = n C_v \frac{dT}{T} + nR \frac{dV}{V}$$

$$\Delta S = n C_v \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1} = nR \ln 3$$

↳ nel nostro

$$n = \frac{\Delta S}{R \ln 3}$$

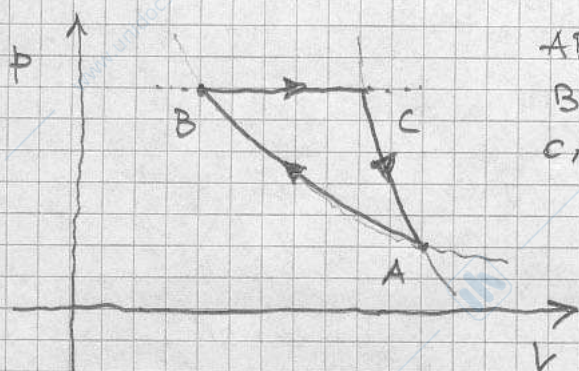
però è anche  $Q = T \Delta S \Rightarrow T = \frac{Q}{\Delta S} = \frac{5850.7}{5 \cdot 4.18}$

$$= 280 K$$

$$pM = \frac{mV}{n} = \frac{mV}{\Delta S} \cdot R \ln 3 = \frac{10 \cdot 8.31 \ln 3}{5 \cdot 4.18} = 43.6$$



1 mole di gas biatomico compie il ciclo in figura. Calcolare il rendimento del ciclo sapendo che



AB isoterma  
BC isobara  
CA adiabatica

$$T_B = 10^\circ\text{C}$$

$$T_C = 30^\circ\text{C}$$

$$V_B = 2\text{L}$$

AB è una isoterma  $\Delta U = 0$  e  $Q = W$ , dato che  $V$  diminuisce il lavoro è fatto sul sistema (negativo) e dunque il calore è ceduto dal sistema

BC  $V$  cresce a  $p$  costante  $\Rightarrow T$  cresce  $\Rightarrow$  calore assorbito  
CA adiabatica

Riassumendo

$$\left. \begin{aligned} W &= Q_{\text{TOT}} = Q_{AB} + Q_{BC} \\ Q_{\text{DSS}} &= Q_{BC} \end{aligned} \right\} \eta = 1 + \frac{Q_{AB}}{Q_{BC}}$$

$$Q_{AB} = W_{AB} = nRT_A \ln \frac{V_B}{V_A} \quad Q_{BC} = nC_p(T_C - T_B)$$

l'altro è noto salvo  $V_A$

$$\frac{T_A V_A^{\gamma-1}}{T_C V_C^{\gamma-1}} = 1 \quad \left\{ \begin{array}{l} T_A = T_B \quad \text{AB isot} \\ \frac{V_B}{T_B} = \frac{V_C}{T_C} \quad \text{BC isobara} \quad V_C = V_B \left( \frac{T_C}{T_B} \right) \end{array} \right.$$

$$V_A^{\gamma-1} = \frac{T_C}{T_B} \cdot V_B^{\gamma-1} \cdot \left( \frac{T_C}{T_B} \right)^{\gamma-1} = V_B^{\gamma-1} \left( \frac{T_C}{T_B} \right)^\gamma$$

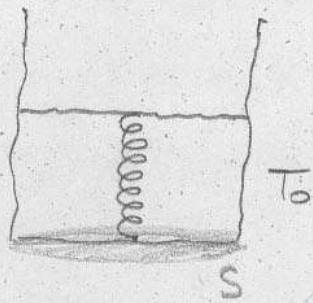
$$V_A = \dots \quad \frac{V_B}{V_A} = \left( \frac{T_B}{T_C} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \quad \frac{\gamma}{\gamma-1} = \frac{7/5}{2/5} = \frac{7}{2}$$

$$Q_{BC} = \frac{7}{2} R \cdot 20 = 70R \quad Q_{AB} = RT_A \cdot \frac{\gamma}{\gamma-1} \ln \frac{V_B}{V_C} = \frac{7}{2} R \cdot 283 \cdot \ln \frac{283}{313}$$

$$\eta = \dots$$

Un pistone di massa trascurabile scorre senza attrito in un cilindro ed è collegato al fondo del cilindro stesso da una molla.

Quando si introduce nel cilindro 1 mole g.p. m.a. a temperatura  $T_0 = 20^\circ\text{C}$  il pistone <sup>sale</sup> alla quota  $h_0$ . A quale temperatura si deve scaldare il gas per far salire il pistone a una quota  $h_1 = 2h_0$ .



Alla temp.  $T_0$  il gas occupa  $V_0 = Sh_0$   $S$  = sezione cilindro e vale  $P_0 V_0 = nRT_0$

Quando lo si scalda a  $T_1$   $P_1 V_1 = nRT_1$  con  $V_1 = h_1 S = 2h_0 S = 2V_0$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_0 V_0}{T_0} \quad T_1 = 2T_0 \frac{P_1}{P_0}$$

le pressioni sono quelle esercitate sulla molla cioè deve essere  $P_1 \cdot S = k h_1$   $P_0 S = k h_0$

$$T_1 = 2T_0 \cdot \frac{k h_1}{k h_0} = 4T_0 = 80^\circ\text{C}$$

Come è cambiata l'entropia?

$$\begin{aligned} S &= n \left[ C_v \lg \frac{T_1}{T_0} + R \lg \frac{V_1}{V_0} \right] = R \left[ \frac{3}{2} \lg 4 + \lg 2 \right] = \\ &= 4R \lg 2 \simeq 4 \times 8.31 \times 0.693 \text{ J/K} \end{aligned}$$

$$d_{\text{em}} S = \left( \frac{\delta Q}{T} \right)_{\text{rev}} = \frac{n C_v dT + p dV}{T} = n C_v \frac{dT}{T} + nR \frac{dV}{V} \dots$$