

## 01 Spazi vettoriali, spazi vettoriali normati (c)



< 1 of 5 >

1. L'insieme delle funzioni  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  che hanno uno (e un solo) asintoto verticale è uno spazio vettoriale. Vero o falso?

Show Results

23/25 Students Answered

True

False



Falso: perché esistono funzioni con asintoti verticali diversi per cui la combinazione lineare non è una funzione con asintoto verticale

# 01 Spazi vettoriali, spazi vettoriali normati (c)

< 2 of 5 >

2. L'insieme delle funzioni  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  che hanno asintoti orizzontali per  $x$  tendente a  $+$  e a  $-\infty$  è uno spazio vettoriale. Vero o falso?

Show Results

0/27 Students Answered

True

False

Vero: Asintoti orizz. Significa  $f(x) = \text{numero}$ , quindi  $f(x)$  limitate, proprietà che si conserva per combinazione lineare

# 01 Spazi vettoriali, spazi vettoriali normati (c)



3 of 5



3. L'insieme delle funzioni  $f: [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$  continue, munito della norma dell'estremo superiore, è uno spazio vettoriale normato. Vero o falso?

Show Results

0/28 Students Answered

True

False

Falso: Su un intervallo non chiuso (o non limitato) la funzione può non essere limitata, quindi non esiste norma

4. L'insieme delle funzioni  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  continue che tendono a 0 per  $x$  tendente a  $-\infty$  e tendono a 1 per  $x$  tendente a  $+\infty$ , munito della norma dell'estremo superiore, è uno spazio vettoriale normato. Vero o falso?

Show Results

0/28 Students Answered

True

False

Falso: Non è uno spazio vettoriale, poiché la combinazione lineare non conserva la proprietà di tendere a 1 per  $x$  tendente a più infinito. Quindi non è vett. normato perché non è nemmeno uno spazio vett.

5. L'insieme delle funzioni Riemann-integrabili in  $[0,1]$ , munito della norma dell'estremo superiore, è uno spazio vettoriale normato. Vero o falso?

Show Results

3/28 Students Answered

True

False

Vero: es. su appunti

1. Ogni sottoinsieme di uno spazio vettoriale è uno spazio vettoriale.

Show Results

0/7 Students Answered

True

False

Falso: c'è la condizione di combinazione lineare da rispettare

## 2. Ogni sottospazio vettoriale di uno spazio vettoriale normato è uno spazio vettoriale normato.

Show Results

7/27 Students Answered

True

False

Vero: a maggior ragione una norma è definita per uno spazio più piccolo di quello dove è definita

### 3. Ogni sottoinsieme di uno spazio metrico è uno spazio metrico.

Show Results

18/27 Students Answered

True

False

Vero: a maggior ragione se la distanza è definita per l'insieme più grande sarà definita, ereditando le proprietà, per un sottospazio

#### 4. Ogni spazio vettoriale normato è uno spazio metrico.

Show Results

20/27 Students Answered

True

False

Vero: basta definire la distanza tra 2 punti come la norma della differenza tra i 2 punti

5. Ogni spazio vettoriale che è anche uno spazio metrico è uno spazio vettoriale normato.

Show Results

0/27 Students Answered

True

False

Falso: Per le relazioni tra le condizioni di spazio vett. Normato, vett., metrico non si può dedurre un'implicazione simile

1. Sia  $f_n: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una successione di funzioni  $C^1(\mathbb{R})$  che converge uniformemente a  $f$ . Allora  $f$  è  $C^1(\mathbb{R})$ .

Show Results

0/9 Students Answered

True

False

Falso: basta che  $f_n \rightarrow f$  puntualmente in  $\mathbb{R}$ , ma deve valere che  $f_n' \rightarrow g$  uniformemente e allora varrà che:  $f_n \rightarrow f$  unif.,  $g=f'$ ,  $f$  è deriv. ( $f$  appartiene a  $C^1(\mathbb{R})$ )

2. Sia  $f_n$  una successione di funzioni  $C^0[a,b]$  che converge uniformemente a  $f$ . Allora  $f$  è limitata e Riemann integrabile su  $[a,b]$ .

Show Results

6/26 Students Answered

True

False

Vero: vedi teoremi su appunti o schema

**3. Sia  $f_n: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una successione di funzioni  $C^0(\mathbb{R})$  che converge uniformemente a  $f$  in ogni intervallo del tipo  $(-r, r)$ . Allora  $f$  è  $C^0(\mathbb{R})$ .**

Show Results

0/26 Students Answered

True

False

Vero: i teoremi che abbiamo visto si riferiscono semplicemente a un intervallo (senza fare differenza tra intervalli aperti o chiusi)

4. Sia  $f_n$  una successione di funzioni  $C^1[a,b]$  che converge uniformemente a  $f$  in  $[a,b]$ . Allora  $f$  è  $C^0[a,b]$ .

Show Results

0/26 Students Answered

True

False

Vero: per i teoremi sulla continuità e convergenza uniforme, senza confondersi con la derivabilità

5. Sia  $f_n: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una successione di funzioni  $C^0(\mathbb{R})$  che converge uniformemente a  $f$  in ogni intervallo del tipo  $(-r, r)$ . Allora  $f$  è limitata in  $\mathbb{R}$ .

Show Results

0/26 Students Answered

True

False

Falso: io so che la successione  $f_n$  converge a  $f$  in ogni intervallo  $(-r, r)$ , dove essendo  $(-r, r)$  un intervallo arbitrariamente Definibile significa che ce ne sarà sempre uno più grande dove le  $f_n$  sono definite quindi le  $f_n$  sono limitate su ognuno di questi intervalli 'iterativi'

quindi  $f$  sarà continua e limitata su ogni intervallo limitato  $(-r, r)$  (che si può prendere anche chiuso per il ragionamento che è sempre possibile trovare un intervallo più grande che contenga  $(-r, r)$  per ogni  $r$ . Tuttavia il fatto che una funzione sia limitata su un intervallo limitato, non la rende limitata in  $\mathbb{R}$ . Ad es. se si prende  $e^x$  si vede come sia limitata in ogni intervallo limitato, ma non è limitata in  $\mathbb{R}$ ).

6. Sia  $f_n: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una successione di funzioni limitate che converge uniformemente a  $f$  in  $\mathbb{R}$ . Allora  $f \in C^0(\mathbb{R})$ .

Show Results

0/26 Students Answered

True

False

Falso: in base ai teoremi visti, si può solo dire che  $f$  è limitata