

# EQUAZIONE di RICCATI

$$y' = a(t)y^2 + b(t)y + c(t) \quad c(t) = 0: \text{EQUAZIONE di BERNOUCCI}$$

Suppone di conoscere una soluzione particolare  $u(t)$

$$y = u(t) + \frac{1}{z} \quad y' = u'(t) - \frac{1}{z^2} z' \quad \text{derivando}$$

metto nell'equazione di partenza

$$\cancel{u'(t)} - \frac{z'}{z^2} = a(t) \cdot \cancel{u(t)^2} + \frac{a(t)}{z^2} + \frac{2a(t)u(t)}{z} + \cancel{b(t)u(t)} + \frac{b(t)}{z} + \cancel{c(t)}$$

$$u'(t) = a(t) \cdot u(t)^2 + b(t)u(t) + c(t)$$

$$-\frac{z'}{z^2} = \frac{a(t)}{z^2} + \frac{2a(t)u(t)}{z} + \frac{b(t)}{z}$$

$$\rightarrow z' = -a(t) - 2a(t)u(t)z - b(t)z$$