

FORMULARIO

- FORZA DI LORENTZ $\rightarrow F_L = qvB$

$$|F_L| = qvB \sin \theta$$

- SPOSTAMENTO INFINITESIMO $\rightarrow d\vec{s} = \vec{v}dt$; $dW = F_L \cdot v dt = 0$

- FORZA ELETTROSTATICA $\rightarrow \vec{F} = q\vec{E}$

- FORZA CENTRIFUGA $\rightarrow F = qvB \sin \theta = qvB$

$$B_{TERRA} = 0,4G$$

$$G = 10^{-4}T$$

- PERIODO RIVOLUZIONE $\rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{\frac{qB}{m}}$ → max

- FREQUENZA $\rightarrow f = \frac{1}{T} = \frac{qB}{2\pi m} = \frac{\omega}{2\pi}$

- VELOCITÀ ANGOLARE $\rightarrow v \perp B$: $\omega = \frac{v}{r} = \frac{qB}{m}$ $\rightarrow v_n = v \sin \theta$

$v \times B$: $\omega = \frac{v}{r} = \frac{qB}{m}$ $\rightarrow v_p = v \cos \theta$

$$v = v_n + v_p$$

- RAGGIO $\rightarrow r = \frac{mv_n}{qB}$ ($v \times B$)

- PASSO $\rightarrow p = v_p \cdot T = v \cos \theta = \frac{2\pi m v}{qB}$

CICLOTRONE

- $V(t) = V_0 \sin(\omega t)$ $V_0 = 10^4 V$

- PERIODO CICLOTRONE $\rightarrow T = \frac{2\pi m}{qB}$; $\omega = \frac{2\pi}{T}$

- PULSAZIONE DI CICLOTRONE $\rightarrow \omega = \frac{qB}{m}$

- RAGGIO DI CICLOTRONE $\rightarrow R = \frac{m v_{max}}{qB}$

- VELOCITÀ MAX CICLOTRONE $\rightarrow v^{max} = \frac{qBR}{m}$

- ENERGIA CINETICA MAX $\rightarrow E_k^{max} = \frac{1}{2} m v_{max}^2 = \frac{q^2 B^2 R^2}{2m}$

- INCREMENTO ENERGIA CINETICA $\rightarrow \Delta E_k = 2qV \rightarrow$ tensione

- NUMERO GIRI CICLOTRONE $\rightarrow N_{giri} = \frac{E_k^{max}}{\Delta E_k} = \frac{E_k^{max}}{2qV}$ $V = \frac{E_k}{2qN_{giri}}$

- PERIODO ACCELERAZIONE $\rightarrow t_{acc} = N_{giri} \cdot T$

- CAMPO MAGNETICO $\rightarrow B = \frac{2\pi m v^{max}}{qR}$; $q = 2|e|$ $e = 1,6 \cdot 10^{-19} C$

- $1eV = 1,6 \cdot 10^{-19} J$

$m_p = 1,67 \cdot 10^{-27} kg$

FILO CONDUTTORE

- II LEGGE LAPLACE $\rightarrow d\vec{F} = i d\vec{e} \cdot \vec{B}$
 $F = i l \cdot B$ $|\vec{F}| = i l B$
- FILO RETTILINEO CON \vec{B} UNIFORME $\rightarrow |\vec{F}| = i l B \sin \theta$
- FILO CURVO CON \vec{B} UNIFORME $\rightarrow \vec{F} = i \int_{PQ} \vec{r} \cdot \vec{B}$
 \vec{r} segmento
- PERCORSO CHIUSO $\rightarrow \vec{F} = i \int_{PQ} \vec{r} \cdot \vec{B} = 0$
- DENSITA' DI CORRENTE $\rightarrow J = -ne v_d$
 \vec{v} velocità deriva
- $F_L = -e v_d \cdot \vec{B}$
- Velocità $\rightarrow v(t) = a \cdot t$
- spazio percorso $\rightarrow s(t) = \frac{1}{2} a t^2$
- FORZA $\rightarrow F = m \cdot a$; $a = \frac{F}{m}$

MOMENTI MAGNETICI

- MOMENTO MAGNETICO DELLA SPIRA $\rightarrow m = i \int \vec{e} \cdot \vec{v}$
- MOTO ARMONICO $\rightarrow \frac{d^2 \theta}{dt^2} + \frac{m B}{I} \theta = 0$; $\omega^2 = \frac{m B}{I}$ $\omega = \sqrt{\frac{m B}{I}}$
- PERIODO $\rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{I}{m B}}$
- MOMENTO MECCANICO $\rightarrow \vec{\tau} = m \cdot \vec{B} = i \int \vec{e} \cdot \vec{B} \sin \theta \vec{v}$
- MOMENTO MECCANICO TRASLAZIONE $\rightarrow dW = F \cdot ds$
- MOMENTO MECCANICO ROTAZIONE $\rightarrow dW = \tau d\theta$
- MOMENTO INERZIA DELLA SPIRA $\rightarrow \tau = -m B \sin \theta$
- LAVORO MOMENTO MECCANICO $\rightarrow W = m B (\cos \theta_f - \cos \theta_i)$
- VARIAZIONE ENERGIA POTENZIALE $\rightarrow \Delta U = U(\theta_f) - U(\theta_i) = -W$
- ENERGIA POT DI \vec{B} NON UNIFORME $\rightarrow U = -\vec{m} \cdot \vec{B}$
- ENERGIA POTENZIALE $\rightarrow U(\theta) = -m B \cos \theta = -\vec{m} \cdot \vec{B}$

EFFETTO HALL

- CAMPO DI HALL $\rightarrow E_H = \frac{F}{q} = v_d \cdot B$; $F = q v_d B$; $J = n q v_d$
 \vec{v} velocità deriva
- TENSIONE DI HALL $\rightarrow E_H = E_H b = \frac{J B b}{n q} = \frac{i B}{n q}$
spessore \checkmark

SORGENTI DEL CAMPO

- I LEGGE DI LAPLACE $\rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{i d\vec{s} \cdot \vec{v}r}{r^2}$

$\mu_0 = 1,26 \cdot 10^{-6} \frac{H}{m}$

$\mu = \frac{Tm^2}{A}$

$\rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu_0 I \vec{s}}{4\pi} \cdot \frac{v \cdot \vec{v}r}{r^2}$

$d\vec{s} = ds \cdot \vec{v}t$

- LEGGE DI AMPERE / LAPLACE $\rightarrow \vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{d\vec{s} \cdot \vec{v}r}{r^2}$ (\vec{B} circuito chiuso)

densità ρ = velocità
 - $J = nqV$; $i = J\vec{s}$
 L = densità corrente

- CAMPO MAGNETICO DI UN SOLO PROTONE $\rightarrow d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi r^2} \cdot q\vec{v} \cdot \vec{v}r$

- velocità $\rightarrow \vec{v} = v \cdot \vec{u}_z$

- LEGGE DI BIOT/SAVAT $\rightarrow \vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \cdot \vec{u}_\theta$ (se il filo è indefinito)

\vec{B} DI UNA SPIRA CIRCOLARE

- CAMPO MAGNETICO: $d\vec{B}_x = \frac{\mu_0 I}{4\pi r^2} ds \cos\theta$

$d\vec{B}_y = \frac{\mu_0 I}{4\pi r^2} ds \sin\theta$

$B = \sqrt{B_x^2 + B_y^2}$

- CAMPO MAGNETICO MAX $\rightarrow B^{max} = \frac{\mu_0 I}{2R} \cdot n$

- FORZA SU UNITÀ DI LUNGHEZZA $\rightarrow \frac{dF}{ds} = i \vec{v}t B$ $d\vec{s} = ds \vec{v}t$

$\frac{F}{l} = i B$

- CAMPO MAGNETICO $\rightarrow B = \frac{\mu_0 \cdot i}{2\pi r}$

$B \cdot ds = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \cdot d\theta$ con circolazione $\rightarrow B ds = \mu_0 I$

- LEGGE DI AMPERE $\rightarrow \oint B \cdot ds = \mu_0 I_{enc}$

- ANGOLO $\rightarrow \theta = \arctan \left| \frac{B_y}{B_x} \right|$

DENSITÀ SPIRA $\rightarrow n = \frac{N_{SPIRE}}{d}$
 d \rightarrow distanza

CAMPO MAGNETICO SPIRA $\rightarrow B_{SPIRA} = \frac{\mu_0 I}{2r} \cdot n$

$\frac{N_{SPIRE}}{d}$

LEGGI GAUSS $\rightarrow \oint B \cdot \vec{u}_n \cdot d\vec{s} = \mu_0 I_{enc}$

$B \cdot \mu_0 \cdot n \cdot i$

CAMPO ELETTROSTATICO: $F_{12} = \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r^2} \mu_{12} \right) q_2 = E_1 q_2$ $q_2 = \text{sonda}$

$$\vec{E}_{12} = \frac{F_{12}}{q_2}$$

LEGGE CULOMB = $E(r) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{q}{\epsilon_0}$

$$\phi(r) = \int E_{\text{mod}} dr$$

CONDENSATORI

• CAPACITÀ: $V = \frac{q}{C}$ $q = CV$ $C = \frac{q}{V}$ $C_2 = C_1 K$

• LAVORO: $W_G = q \Delta V = \Delta q V_0 = \frac{C V_0^2}{2} = W_{\text{rell}} = FL = W_G - \Delta U$ $W_{\text{GEN}} = 2W_{\text{rell}}$

• ENERGIA: $U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{h} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 \epsilon h = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$

$$\epsilon = \epsilon_0 K \quad \epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$$

$$\Delta U = \epsilon h \quad \mu = \frac{1}{2} \epsilon_0 \vec{E}^2 \quad \frac{\Delta U_G}{2} = \Delta U_C$$

• DIELETRICI: $V_K = \frac{V_0}{K}$ $V = \epsilon_0 (d-b) + \epsilon_K b = \frac{\epsilon_0 K (d-b) + \epsilon_0 b}{K}$

• CAMPO ELET: $\vec{E}_K = \vec{E}_0 + \vec{E}_P$

$$\vec{E}_K = \frac{\vec{E}_0}{K} \quad \vec{E}_0 = \frac{V}{d} \quad \vec{E}_0 = \frac{60}{\epsilon_0}$$

L_1 NO DIELET L_2 si dielet

$$C' = \frac{\epsilon_0 \epsilon_0 S K}{\epsilon_0 K (d-b) + \epsilon_0 b} = \frac{\epsilon S}{K(d-b) + b}$$

can dielet $\vec{E} = \frac{V_K}{K(h-d) + d}$

$$C = \frac{\epsilon_0 S \rightarrow \text{superficie}}{d \rightarrow \text{distanza}} \quad \frac{1}{C} = \frac{h-b}{\epsilon_0 S} + \frac{b}{\epsilon_0 K S} = \frac{\epsilon_0 K S}{K(h-d) + b}$$

L_1 cond L_2 dielet

• NEL VOTO: $U_0 = M_0 T_0 = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 S (d-b)$

• NEL DIELETRICO = $U = M T = \frac{1}{2} \epsilon_0 K \left(\frac{\epsilon_0}{K} \right)^2 S b$

• VETTORE POLARIZZAZIONE: $|P| = \frac{K-1}{K} 60$ CARICA POLARIT: $q = \frac{K-1}{K} q$

• DENSITÀ CARICA $\rho_p = 60 \frac{K-1}{K}$ $60 = \frac{q}{S} = \frac{C V}{S}$

• PARALLELO: $C_{eq} = C_1 + C_2 + C_3 \dots$

• SERIE: $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$ $\frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2}$

• CARICA: $q(t) = E C (1 - e^{-t/\tau})$ $\tau = RC$

$V_C(t) = \frac{q(t)}{C} = E (1 - e^{-t/\tau})$ $-\frac{t}{\tau} = \ln \frac{1}{2} \rightarrow t = \tau \ln 2$

$V_R(t) = E e^{-t/\tau}$

$i(t) = \frac{E}{R} e^{-t/\tau}$

$P_C = \frac{E^2}{R} e^{-t/\tau}$

$P_R = \frac{E^2}{R} e^{-2t/\tau}$

$P_C = \frac{E^2}{R} e^{-t/\tau} - \frac{E^2}{R} e^{-2t/\tau}$ $P_C = P_R + P_C$

$W_C = E^2 C$ $W_R = \frac{1}{2} C E^2$ $\Delta V_C = \frac{1}{2} C E^2$
 $= U_{0q}$

• SCARICA: - Carica iniz: $q_0 = C U_0$

- Energia iniz: $\frac{1}{2} C U_0^2$

$q(t) = q_0 e^{-t/\tau}$

$V_C(t) = U_0 e^{-t/\tau}$

$I = \frac{U_0}{R} e^{-t/\tau} = \frac{U_0}{R}$

$P_{diss} = P_R = R i^2 = \frac{U_0^2}{R} e^{-2t/\tau}$

$W_R = \frac{1}{2} C U_0^2$

$E_{diss} = W_C - U_C$

• ENERGIA F/1: $U_1 = \frac{1}{2} C U^2$ $U_1 = \frac{q^2}{C} \cdot \frac{1}{2}$

$U_f = \frac{1}{2} C U_1^2 = \frac{1}{2} \frac{q_{TOT}^2}{C_{TOT}}$

$\Delta U = U_f - U_1$

$E_{diss} = U_1 - U_f$

• VELOCITÀ: $v = \sqrt{\frac{2 \Delta U}{m}}$
 $L = \text{massa dielet}$

$\Delta U = \frac{1}{2} m v^2$

• IMPULSO: $p = m \cdot v$
 $L = \text{velocità}$

• DIELETTRICO INSERITO PARZIALMENTE: $C = \frac{\epsilon l}{d}$ $C = \frac{\epsilon_0 l (l-x)}{d}$

• LAVORO MECCANICO: $F = \frac{V^2 (\epsilon - \epsilon_0) l}{2h}$ $= \frac{V^2 \epsilon_0 (k-1) l}{2h}$

CONDUTTORI

• LEGGE OHM: $J = \sigma E$ $J = \frac{E}{\rho}$ $E = \rho J$ $J = \frac{i}{S}$

$J = nevd$ $v_d = \frac{J}{ne}$ $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$

$\rho = \frac{1}{\sigma}$ $V = RI$ $\rho = \frac{1}{\sigma}$ $e = \frac{R E}{h}$

resistività materiale

• RESISTIVITÀ: $\rho = \frac{RS}{l}$ $\sigma = \frac{1}{\rho}$ $\rho \sim 10^{-8}$

• POTENZA: $P = UI$

• RESISTENZE: - serie $R_{eq} = R_1 + R_2 + \dots$

- parallelo $R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_2 + R_1}$

• LAVORO: $\Delta U_C = \frac{1}{2} V_0^2 (C_{12}' - C_{12}) = \frac{1}{2} C_{12} (k-1) V_0^2$

$W_R = \Delta U_C - W_C = - \Delta U_C$
 \hookrightarrow scollegato ΔU_C
 \hookrightarrow collegato

• SUPERFICIE: - circolare = $S = \pi r^2$