

TRASMISSIONE DEL CALORE

Leggi:

Legge di Fourier: $\dot{Q}_{COND} = -\lambda A \frac{dT}{dx}$	Legge di Newton: $\dot{Q}_{CONV} = -h A (T_{\infty} - T_0)$	Energia emessa per irraggiamento: $E = \epsilon \sigma A T^4 \quad (\sigma = 5,67 \times 10^{-8} \text{ [W/(m}^2\text{K}^4\text{)]})$
---	---	---

Parametri e coefficienti:

Diffusività termica $\frac{[m^2]}{s}$ $\alpha = \frac{\lambda}{\rho c}$	Coefficiente di Fourier: $F_0 = \frac{\alpha t}{L C^2}$	Efficacia (>1): $(\vartheta_B = T_b - T_{\infty})$ $\epsilon = \frac{\sqrt{hP\lambda A_B} \vartheta_B}{h A_B \vartheta_B} = \sqrt{\frac{P\lambda}{h A_B}}$	Efficienza aletta: $(\vartheta_B = T_b - T_{\infty})$ $\eta = \frac{\dot{Q}_{ALETTA}}{\dot{Q}_{ALETTA\text{ ideale}}} = \frac{\sqrt{hP\lambda A_B} \vartheta_B}{h A_{TOT} \vartheta_B}$				
Lunghezza caratt. [m]: $L_C = \frac{V}{A}$	Numero di Biot: $Bi = \frac{h L_C}{\lambda}$	Numero di Nusselt: $Nu = \frac{h L}{\lambda_{fluido}}$	Numero di Reynolds: $Re = \rho \frac{w L}{\mu}$	Numero di Prandtl: $Pr = \frac{\nu}{\alpha}$	Viscosità cinem.: $\nu = \frac{\mu}{\rho}$	τ [s]: $\tau = \frac{\rho V c}{h A}$	m [1/m]: $m = \sqrt{\frac{h P}{\lambda A}}$
Numero di Grashof: $Gr = \frac{g \beta (T_s - T_{\infty}) L^3}{\nu^2}$		B per gas perf.: $\beta = \frac{1}{T}$		Resistenza cond. cil: $R_{CIL} = \frac{\ln(r_e/r_i)}{2\pi L \lambda}$			

Equazioni di bilancio e distribuzioni di temperatura:

T(x) senza \dot{g} : $\lambda \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = 0$ (caso parete piana)		
Parete piana: $T(x) = C_1 x + C_2$	Cilindro: $T(r) = \frac{T_1 - T_2}{\ln(r_1/r_2)} \ln\left(\frac{r}{r_2}\right) + T_2$	Sfera: $T(r) = \frac{T_{s,2} - T_{s,1}}{1 - (r_1/r_2)} [1 - (r_1/r)] + T_{s,1}$
T(x) con \dot{g} Parete piana: $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\dot{g}}{\lambda} = 0 \rightarrow T(x) = \frac{-\dot{g}}{2\lambda} x^2 + Bx + C$		
T(x) Aletta infinita: $T(x) = T_{\infty} + (T_B - T_{\infty}) e^{-mx}$		
T(t) senza \dot{g} Parete piana: $\vartheta(t) = \frac{T(t) - T_{\infty}}{T_0 - T_{\infty}} = e^{-\frac{1}{\tau}(t-t_0)}$		
T(x,t) senza \dot{g} : $\frac{\partial T}{\partial t} = \alpha \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$ (caso parete piana) ($F_0 > 0,2$)		
Parete piana: $\vartheta_{(x,t)} = \frac{(T_{(x,t)} - T_{\infty})}{(T_{(x,t=0)} - T_{\infty})} = A_1 e^{-\lambda_1^2 F_0} \cos\left(\lambda_1 \frac{x}{L}\right)$	Sfera: $\vartheta_{(r,t)} = \frac{(T_{(r,t)} - T_{\infty})}{(T_{(r,t=0)} - T_{\infty})} = A_1 e^{-\lambda_1^2 F_0} \frac{\sin\left(\lambda_1 \frac{r}{R}\right)}{\lambda_1 \frac{r}{R}}$	

Forze:

Forza di trascinamento: $F_T = \rho_{fluido} \frac{W_{rel}^2}{2} A_{RIF} C_T$

Scambiatori di calore:

Calore scamb.: $\dot{Q} = UA \Delta T_{ML}$ $\Delta T_{ML} = \frac{\Delta T_1 - \Delta T_2}{\ln \frac{\Delta T_1}{\Delta T_2}}$	Efficienza scamb.: $\epsilon = \frac{\dot{Q}}{\dot{Q}_{MAX}}$	Metodo ϵ-NTU: $\epsilon = 1 - e^{-NTU} \quad NTU = \frac{hA}{\dot{m} c_p}$ $T = T_{AMB} + (T_0 - T_{AMB}) e^{-NTU}$
---	---	---

TERMODINAMICA E MACCHINE

Principi:

1° PdT Sistemi chiusi: $\Sigma Q_{IN} + \Sigma L_{IN} = \Delta U$	2° PdT Sistemi aperti: $\dot{m}_{IN} \left(h + gz + \frac{w^2}{2} \right)_{IN} + Q_{IN} + L_{IN,E} = \dot{m}_{OUT} \left(h + gz + \frac{w^2}{2} \right)_{OUT} + \frac{dE_{V.C.}}{dt}$
---	---

Relazioni e costanti (gas perfetti):

SOSTANZA	MM[Kg/Kmol]	GAS PERF.	c_p	c_v	γ
Idrogeno H_2	2	monoatom.	$5/2 R$	$3/2 R$	$5/3$
Elio He	4	biatom.	$7/2 R$	$5/2 R$	$7/5$
Azoto N_2	28	Triatom. +	$4R$	$3R$	$4/3$
Ossigeno O_2	32				
Anidride Carb. CO_2	44				
Metano CH_4	16				
Acqua H_2O	18				
Aria	29				

$R_u = 8314,33 \frac{J}{Kmol \cdot K}$

GAS PERF.	q	l	Δu	Δh
p=cost	Δh	$p \Delta v$	$c_v \Delta T$	$c_p \Delta T$
v=cost	$c_v \Delta T$	0	$c_v \Delta T$	$c_p \Delta T$
T=cost	$RT \ln \frac{v_2}{v_1}$	$RT \ln \frac{v_2}{v_1}$	0	0

Entropia:

$$\Delta S_{12} = (c_p \ln \frac{T_2}{T_1} - R \ln \frac{p_2}{p_1}) m$$

$$\Delta S_{12} = (c_v \ln \frac{T_2}{T_1} + R \ln \frac{v_2}{v_1}) m$$

Equazioni isoentropiche:

$$pv^\gamma = cost \quad T p^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = cost \quad T v^{\gamma-1} = cost$$

Sistemi bifase:

$$v_x = (1-x)v_{liq} + x v_{vap} \quad s_x = (1-x)s_{liq} + x s_{vap} \quad h_x = (1-x)h_{liq} + x h_{vap} \quad x = \frac{m_{vap}}{m_{vap} + m_{liq}}$$

$$u_x = (1-x)u_{liq} + x u_{vap}$$

Macchine:

Componenti e macchine		
TURBINA $(\beta_{turb.} = \frac{p^1}{p^2})$	$\eta_{IS,T} = \frac{L_{reale}}{L_{ideale}}$	$L_{reale} < L_{ideale}$
COMPRESSORE $(\beta_{comp.} = \frac{p^2}{p^1})$	$\eta_{IS,C} = \frac{L_{ideale}}{L_{reale}}$	$L_{ideale} < L_{reale}$
CICLO FRIGORIFERO	$COP_{FR,id} = \frac{T_{min}}{T_{max} - T_{min}}$	$COP_{FR} = \frac{\dot{Q}_{IN}}{\dot{L}_{IN}}$
POMPA DI CALORE	$COP_{PC,id} = \frac{T_{max}}{T_{max} - T_{min}}$	$COP_{PC} = \frac{\dot{Q}_{OUT}}{\dot{L}_{IN}}$

$\eta_I = \frac{L_{NU}}{Q_{IN}}$
 $\eta_{II} = \frac{\eta_I}{\eta_{CARNOT(id)}}$

Idraulica:

Equazione di Bernoulli: $\frac{p}{\gamma} + \frac{w^2}{2g} + z = cost.$	Tubo di Venturi: $\Delta p = \rho \frac{w^2}{2} \left(\frac{A^2_1(sez.piena)}{A^2_2(sez.ristretta)} - 1 \right)$	Tubo di Pitot: $w = \sqrt{\frac{\Delta p}{\rho}}$
---	---	---

Relazioni ugello:

$$\dot{m} = C_{eff} \rho W_{Bernoulli} A_{NOMINALE} = C_{eff} \sqrt{2 \rho \Delta p} A_{NOMINALE}$$

Perdite di carico (pompa ideale):

$p_1 v_1 + \frac{w^2_1}{2} + gz_1 + l_{in} = p_2 v_2 + \frac{w^2_2}{2} + gz_2 + l_{PC}$			
$l_{PC,conc} = \zeta \frac{w^2}{2}$	$\Delta p_{PC,conc} = \zeta \rho \frac{w^2}{2}$	$\Delta z_{PC,conc} = \zeta \frac{w^2}{2g}$	
$l_{PC,distr} = \frac{\lambda L}{D} \frac{w^2}{2}$	$\Delta p_{PC,distr} = \frac{\lambda L}{D} \rho \frac{w^2}{2}$	$\Delta z_{PC,distr} = \frac{\lambda L}{D} \frac{w^2}{2g}$	$D_{IDR} = \frac{4A}{perimetro}$