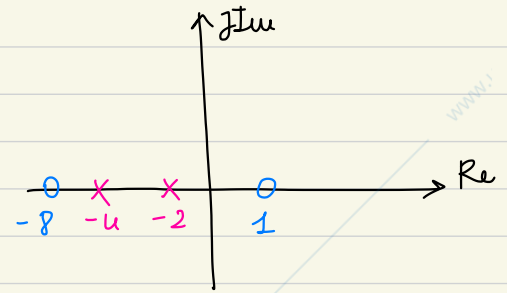


$$G(s) = \frac{(s-1)(s+8)}{(s+4)(s+2)}$$

Analizzando la f.d.t. si vede che:

- $q=0$ (non si hanno poli o zeri in zero)
- $y = G(0) = -\frac{8}{8} = -1$



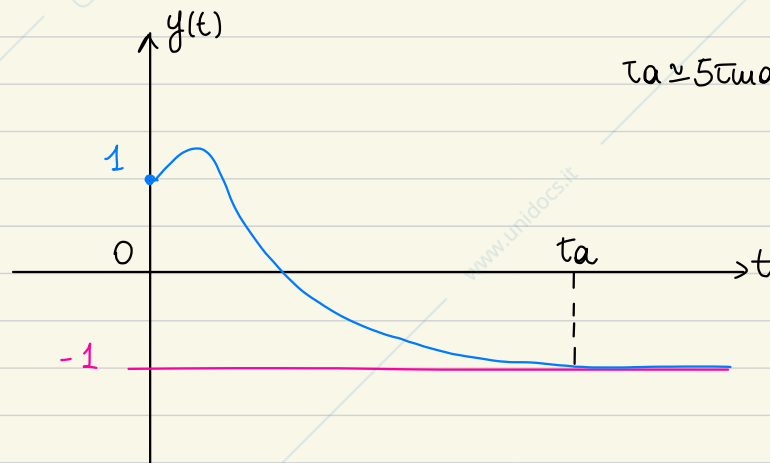
- 2 poli in $s = -4$ ed $s = -2 \rightarrow$ il sistema è asintoticamente stabile
- 2 zeri in $s = 1$ (instabile) ed in $s = -8$ (stabile)

$$y(0) = \lim_{s \rightarrow \infty} s y(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} G(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} \frac{s^2 + 7s - 8}{s^2 + 6s + 8} = 1 \quad (y(0) \neq 0 \text{ dato che il sistema è proprio})$$

$$y_{\infty} = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = -1 = y$$

Ho uno zero instabile e dato che da 1 devo raggiungere -1 mi aspetto di avere una sovraoscillazione iniziale (può essere visto come una variazione di $y(t)$ contraria al valore che voglio raggiungere a regime) \rightarrow per provarlo valuto:

$$\begin{aligned} \ddot{y}(0) &= \lim_{s \rightarrow \infty} s [y(s)s - y(0)] = \lim_{s \rightarrow \infty} s [G(s)s - 1] = \lim_{s \rightarrow \infty} s \left[\frac{s^2 + 7s - 8}{s^2 + 6s + 8} - 1 \right] = \\ &= \lim_{s \rightarrow \infty} s \left[\frac{s^2 + 7s - 8 - s^2 - 6s - 8}{s^2 + 6s + 8} \right] = \lim_{s \rightarrow \infty} s \left[\frac{s - 16}{s^2 + 6s + 8} \right] = 1 \rightarrow y(t) \text{ cresce} \\ &\quad \text{prima di andare} \\ &\quad \text{verso } -1 \text{ (oltre } y_{\infty}) \end{aligned}$$



$$\tau_a \approx 5\tau_{max} = \frac{5}{2} = 2.5 \tau$$