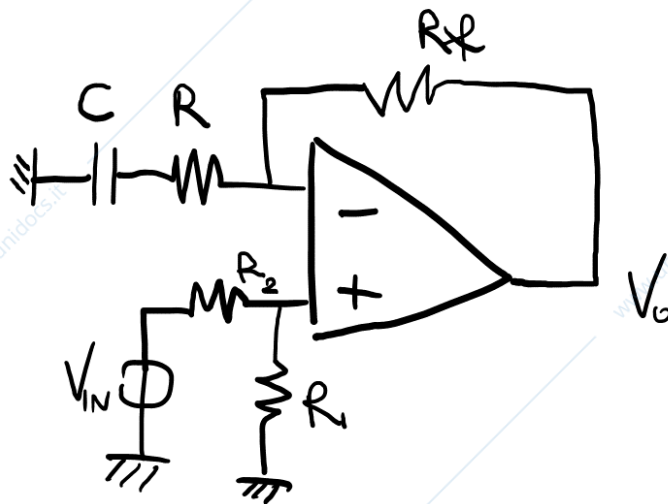


Fondamenti di Elettronica per Ingegneria dell'Automazione

Esercitazione 8

Ing. Pietro King

1)



$$R1 = 1 \text{ k}\Omega$$

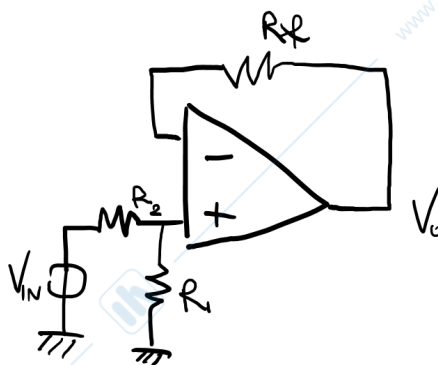
$$R2 = 1 \text{ k}\Omega$$

$$R = 1 \text{ k}\Omega$$

$$Rf = 9 \text{ k}\Omega$$

$$C = 16 \text{ pF}$$

- Calcolare il guadagno ideale del circuito
- Calcolare il $G(s)$ del circuito
- Determinare i diagrammi di Bode del modulo del guadagno e delle fasi

a) G_{ideale} ? $f=0$ 

$$V^+ = V^-$$

$$V^+ = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in}$$

$$V^- = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in}$$

$$I^- = 0 = I_{Rf}$$

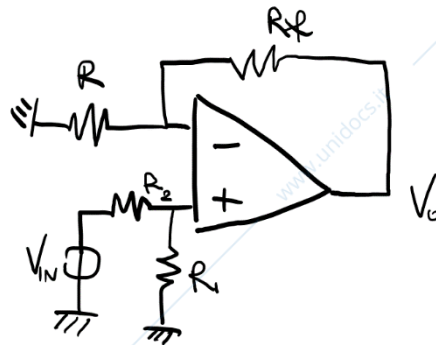
$$V_{Rf} = 0$$

$$V_{out} = V^- = V^+ = V^+ = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in}$$

$$\frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{R1}{R1 + R2} = \frac{1}{2}$$

$$|G(0)| = \frac{1}{2}$$

$f = \infty$



$$V^+ = V^-$$

$$V^+ = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in}$$

$$V^- = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in}$$

$$I_R = \frac{V^-}{R}$$

$$I_R = I_{Rf}$$

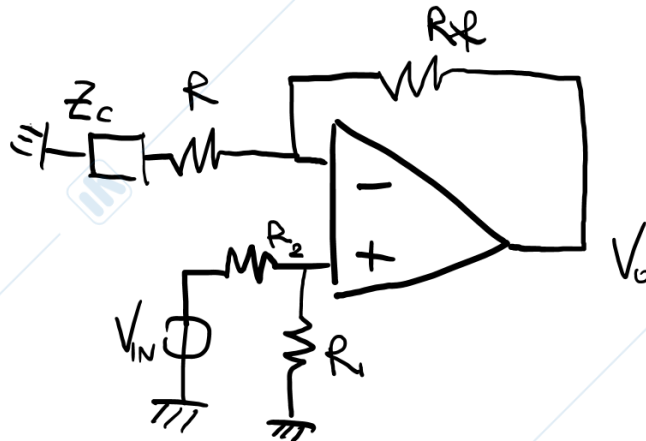
$$V_o - V^- = I_{Rf} R_f$$

$$V_o - \frac{R1}{R1 + R2} V_{in} = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in} \frac{R_f}{R}$$

$$V_o = \frac{R1}{R1 + R2} V_{in} \left(1 + \frac{R_f}{R}\right)$$

$$\frac{V_o}{V_{in}} = \frac{R1}{R1 + R2} \left(1 + \frac{R_f}{R}\right) = \frac{1}{2} (1 + 9) = 5$$

$$|G(\infty)| = 5$$

b) $G(s)$?

L'espressione dell'impedenza caratteristica della capacità C è:

$$Z_C = \frac{1}{sC}$$

$$V^+ = V^- = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{in}$$

$$I_R = \frac{V^-}{R + Z_C} = V^- \frac{1}{R + \frac{1}{sC}} = V^- \frac{1}{\frac{1 + sCR}{sC}} = V^- \frac{sC}{1 + sCR} = \frac{sC}{1 + sCR} \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{in}$$

$$V_{Rf} = I_R R_F$$

$$V_o - V^- = V_{Rf} = I_R R_F$$

$$V_o - \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{in} = R_F \frac{R_1}{R_1 + R_2} \frac{sC}{1 + sCR} V_{in}$$

$$V_o = \left(1 + R_F \frac{sC}{1 + sCR}\right) \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{in}$$

$$\frac{V_o}{V_{in}} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \left(1 + R_F \frac{sC}{1 + sCR}\right) = \frac{1}{2} \left(1 + R_F \frac{sC}{1 + sCR}\right) = \frac{1}{2} \frac{1 + sCR + sCR_F}{1 + sCR}$$

$$G(s) = \frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{1}{2} \frac{1 + sC(R + R_F)}{1 + sCR}$$

c)

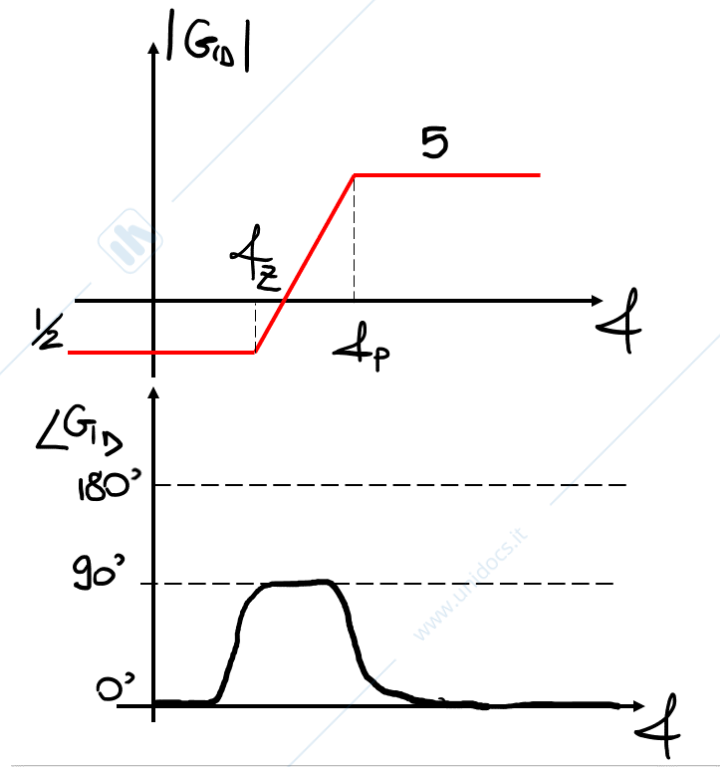
Dall'espressione della funzione di trasferimento del sistema è possibile determinare poli e zeri del sistema:

$$\text{zero: } \tau_z = C(R + R_F) = 160 \text{ ns}$$

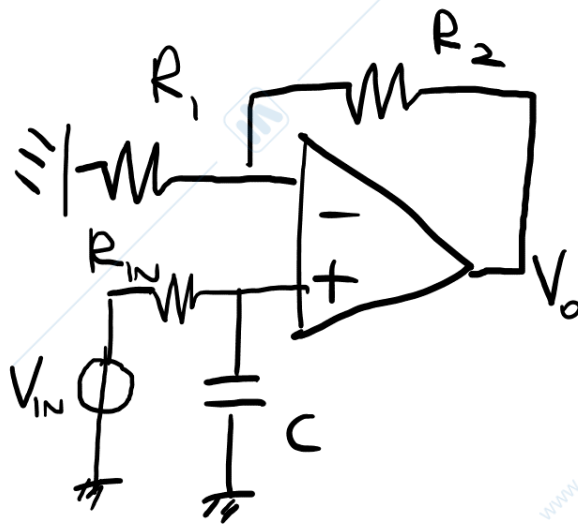
$$f_z = \frac{1}{2\pi\tau_z} = 995 \text{ kHz}$$

$$\text{polo: } \tau_p = CR = 16 \text{ ns}$$

$$f_p = \frac{1}{2\pi\tau_p} = 9.95 \text{ MHz}$$



2)



$$R1 = 10 \text{ k}\Omega$$

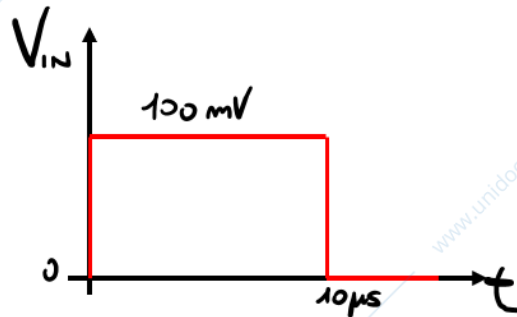
$$R2 = 100 \text{ k}\Omega$$

$$R_{in} = 1 \text{ k}\Omega$$

$$C = 1 \text{ nF}$$

- Dato in ingresso un gradino di ampiezza 100 mV e durata $10 \mu\text{s}$, determinare V_{out}
- Determinare l'effetto sulla tensione di uscita delle correnti di polarizzazione (I_{bias}) pari a $1 \mu\text{A}$
- Dato in ingresso un segnale $V_{in} = 100 \text{ mV} \sin(2\pi ft)$, con $f = 1.6 \text{ MHz}$, determinare V_{out}

a)



Dato il segnale V_{in} in ingresso, questo causa la carica della capacità C con una costante di tempo $\tau = R_{in}C = 1 \mu\text{s}$.

$\tau \ll T = 10 \mu\text{s}$, quindi la tensione $V_C = V^+$, riesce a caricarsi completamente nel periodo del segnale rettangolare.

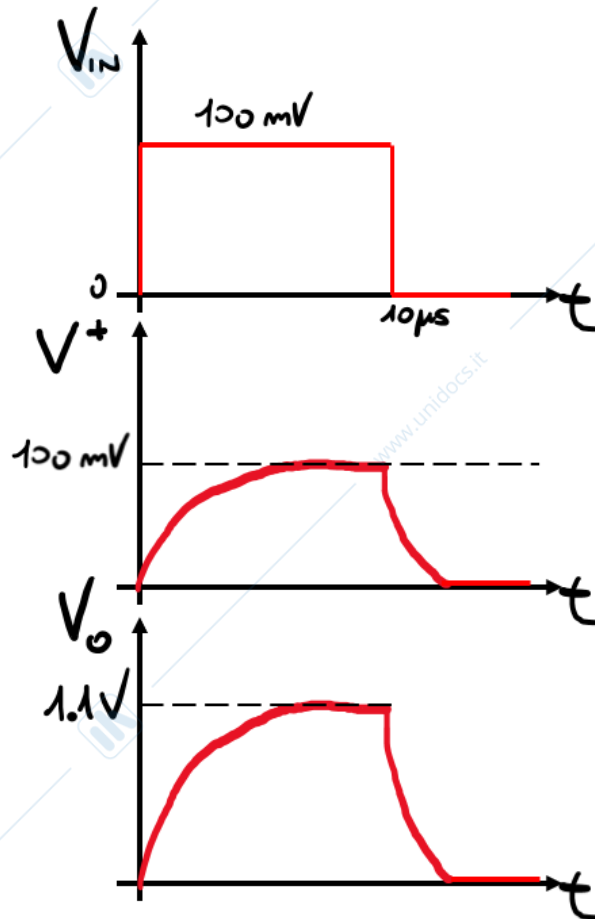
$$V^+ = \frac{\frac{1}{sC}}{R_{in} + \frac{1}{sC}} V_{in} = \frac{1}{1 + sCR_{in}} V_{in}$$

$$V^- = V^+$$

$$I_{R1} = \frac{V^-}{R1}$$

$$V_o - V^- = I_{R1} R2 = \frac{V^-}{R1} R2$$

$$V_o = \left(1 + \frac{R2}{R1}\right) V^- = 11 V^-$$



$$V_o = \left(1 + \frac{R2}{R1}\right) V^- = \left(1 + \frac{R2}{R1}\right) \frac{1}{1 + sCR_{in}} V_{in}$$

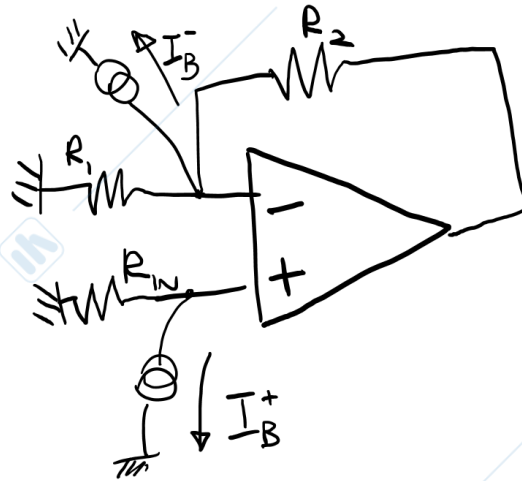
$$\frac{V_o}{V_{in}} = 11 \frac{1}{1 + sCR_{in}}$$

b)

Per determinare l'effetto delle correnti di polarizzazione, considero il sistema con il segnale di ingresso spento.

Le correnti di polarizzazione vengono simbolizzate come i generatori di corrente I_B^+ e I_B^- , collegati agli ingressi non-invertente e invertente dell'amplificatore operazionale.

Il loro effetto può essere calcolato usando la sovrapposizione degli effetti.



Consideriamo I_B^+ accesa e I_B^- spenta.

$$V^+ = -I_B^+ R_{IN}$$

$$V^- = V^+$$

$$V_o' = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V^- = -I_B^+ R_{IN} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) = -1\mu A \cdot 1k\Omega (1 + 10) = -11mV$$

Consideriamo I_B^+ spenta e I_B^- accesa.

$$V^+ = 0$$

$$V^- = V^+ = 0$$

$$V_o'' = I_B^- R_2 = 1\mu A \cdot 100k\Omega = +100mV$$

L'effetto delle correnti di polarizzazione sull'uscita è uguale a:

$$V_o = V_o' + V_o'' = -11mV + 100mV = +89mV$$

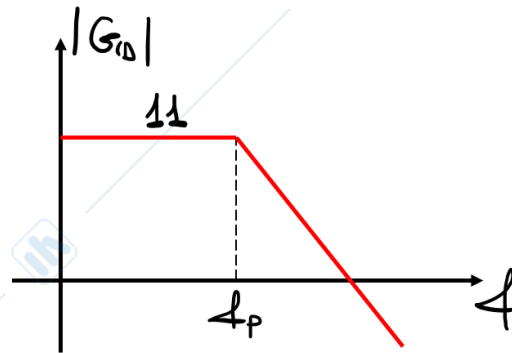
c)

La funzione di trasferimento del circuito è calcolata nel punto a)

$$G(s) = 11 \frac{1}{1 + sCR_{in}}$$

Il polo della funzione di trasferimento è

$$f_p = \frac{1}{2\pi CR_{in}} = 160kHz$$



Dato un segnale di ingresso $V_{in} = 100 \text{ mV} \sin(2\pi ft)$, con $f = 1.6 \text{ MHz}$

È necessario calcolare il cambiamento di guadagno e di fase alla frequenza $f = 1.6 \text{ MHz}$ nel circuito sotto esame.

$$\left| \frac{V_{out}}{V_{in}} (1.6 \text{ MHz}) \right| = \left| \frac{11}{1 + j \frac{1.6 \text{ MHz}}{160 \text{ kHz}}} \right| = \frac{|11|}{\left| 1 + j \frac{1.6 \text{ MHz}}{160 \text{ kHz}} \right|} = \frac{11}{\sqrt{1 + 100}} = 1.1$$

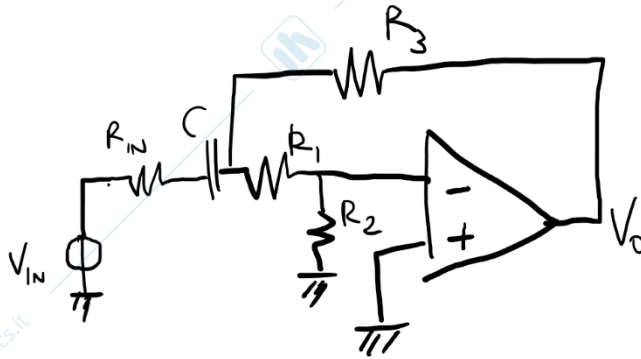
La frequenza in esame è una decade dopo la frequenza del polo, quindi abbiamo un ritardo di -90° di fase.

Possiamo definire V_{out} :

$$V_{out} = G V_{in} = 1.1 \cdot 100 \text{ mV} \sin(2\pi ft - 90^\circ)$$

$$V_{out} = -110 \text{ mV} \cos(2\pi ft)$$

3)



$$R_1 = 10 \text{ k}\Omega$$

$$R_2 = 2 \text{ k}\Omega$$

$$R_3 = 20 \text{ k}\Omega$$

$$R_{in} = 1 \text{ k}\Omega$$

$$C = 10 \text{ pF}$$

- Calcolare il guadagno ideale del circuito
- Determinare l'effetto sulla tensione di uscita di una tensione di offset $V_{os} = 0.5 \text{ mV}$
- Calcolare il Gloop del circuito nel caso $R_{in} = 0$.

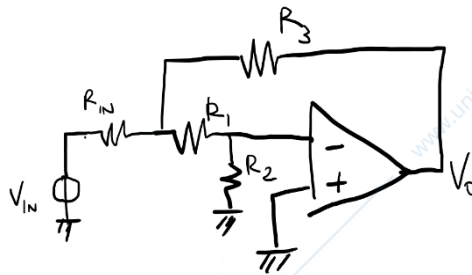
a) G_{ideale} ?

$$f=0$$

Per $f=0$, la capacità C è un circuito aperto.Non c'è un percorso tra V_{out} e V_{in} .

$$G(0) = 0$$

$$f=\infty$$



$$V^+ = V^-$$

$$V^+ = 0 = V^-$$

$$I_{R_2} = \frac{V^-}{R_2} = 0 \text{ A}$$

$$I_{R_1} = I^- = 0 \text{ A}$$

$$I_{R_{in}} = \frac{V_{in}}{R_{in}}$$

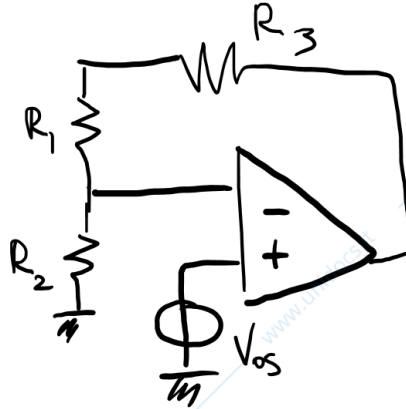
$$I_{in} R_3 = -V_{out}$$

$$V_{out} = -\frac{R_3}{R_{in}} V_{in}$$

$$\frac{V_{out}}{V_{in}} = -20$$

$$|G(\infty)| = 20$$

b)



Calcoliamo l'impatto della tensione di offset in DC, quindi la capacità C è un circuito aperto.

Il circuito è in feedback negativo:

$$V^+ = V^-$$

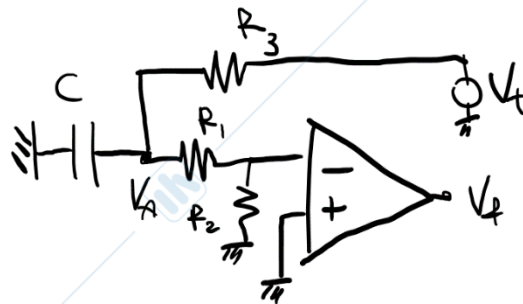
$$V^+ = V_{os} = V^-$$

$$I_{R2} = \frac{V_{os}}{R2}$$

$$V_{out} - V_{os} = I_{R2}(R1 + R3)$$

$$V_{out} = \left(1 + \frac{R1 + R3}{R2}\right) V_{os} = \left(1 + \frac{30}{2}\right) 0.5 \text{ mV} = 8 \text{ mV}$$

c)



Taglio il circuito all'uscita dell'amplificatore operazionale. Pongo V_{test} e osservo come cambia $V_{feedback}$.

$$\begin{aligned}
 V_A &= \frac{(R1 + R2) \parallel \left(\frac{1}{sC}\right)}{R3 + ((R1 + R2) \parallel \frac{1}{sC})} V_t = \\
 &= \frac{\frac{(R1 + R2)}{1 + sC(R1 + R2)}}{R3 + \frac{(R1 + R2)}{1 + sC(R1 + R2)}} V_t = \\
 &= \frac{(R1 + R2)}{R3(1 + sC(R1 + R2)) + (R1 + R2)} V_t = \\
 &= \frac{(R1 + R2)}{R1 + R2 + R3 + sCR3(R1 + R2)} V_t
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 V^- &= \frac{R2}{R1 + R2} V_A = \\
 &= \frac{R2}{(R1 + R2)} \frac{(R1 + R2)}{R1 + R2 + R3 + sCR3(R1 + R2)} V_t \\
 &= \frac{R2}{R1 + R2 + R3 + sCR3(R1 + R2)} V_t \\
 &= \frac{R2}{R1 + R2 + R3} \frac{1}{1 + sC \frac{R3(R1 + R2)}{R1 + R2 + R3}} V_t \\
 &= \frac{R2}{R1 + R2 + R3} \frac{1}{1 + sC(R3 \parallel (R1 + R2))} V_t
 \end{aligned}$$

$$V_f = -A V^- = -A \frac{R2}{R1 + R2 + R3} \frac{1}{1 + sC(R3 \parallel (R1 + R2))} V_t$$

$$G_{loop} = \frac{V_f}{V_t} = -A \frac{R2}{R1 + R2 + R3} \frac{1}{1 + sC(R3 \parallel (R1 + R2))}$$

