

Proprietà

$\int k \cdot f(x) dx = k \cdot \int f(x) dx$
$\int f(x) + g(x) + \dots + f_n(x) dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx + \dots + \int f_n(x) dx$
$\int f(x) dx = a \int \frac{1}{a} f(x) dx = \frac{1}{a} \int a f(x) dx = \int \frac{a}{a} f(x) dx \quad a \in \mathbb{R}$

Integrali indefiniti riconducibili ad elementari

$\int f(x)$ integrale	$F(x)$ primitiva
$\int f^n(x) \cdot f'(x) dx$	$\frac{f^{n+1}(x)}{n+1} + c$
$\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx$	$\log f(x) + c$
$\int f'(x) \cdot \cos f(x) dx$	$\sin f(x) + c$
$\int f'(x) \cdot \sin f(x) dx$	$-\cos f(x) + c$
$\int e^{f(x)} f'(x) dx$	$e^{f(x)} + c$
$\int a^{f(x)} f'(x) dx$	$\frac{a^{f(x)}}{\ln a} + c$
$\int \frac{f'(x)}{\sqrt{1-f^2(x)}} dx$	$\begin{cases} \arcsin f(x) + c \\ -\arccos f(x) + c \end{cases}$
$\int \frac{f'(x)}{1+f^2(x)} dx$	$\arctan f(x) + c$

Integrale definito

$$\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a) = [F(x)]_a^b$$

dove F è la primitiva di f(x)

Integrazione per parti

Integrale indefinito	$\int f(x) g'(x) dx = f(x) g(x) - \int f'(x) g(x) dx$ <i>f(x) va derivata e g'(x) va integrata</i>
Integrale definito	$\int_a^b f(x) g'(x) dx = [f(x) \cdot g(x)]_a^b - \int_a^b f'(x) g(x) dx$

Si integrano per parti funzioni del tipo:

$$P(x) \cdot e^x \quad P(x) \cdot \sin x \quad P(x) \cos x \quad e^{\alpha x} \cdot \sin \beta x \quad e^{\alpha x} \cdot \cos \beta x$$

dove P(x) è un polinomio

Integrazione per sostituzione

Integrale indefinito	$\int f(h(x)) h'(x) dx = \int f(y) dy_{y=h(x)}$
Integrale definito	$\int_a^b f(h(x)) h'(x) dx = \int_{h(a)}^{h(b)} f(y) dy$