

BRATLEY / SPRING

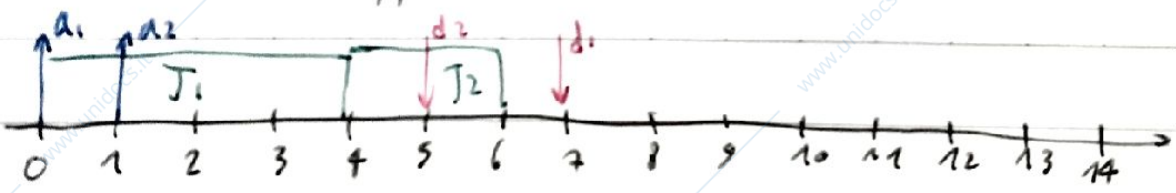
- PROBLEMA :
- 4 PROCESSI APERIODICI
 - ASINCRONI
 - VINCOLI (0 No) DI PRECEDENZA
 - NO PREEMPTION

non è possibile farlo

es.

	J_1	J_2
a_i	0	1
c_i	4	2
d_i	7	5

Proviamo ad applicare EDF

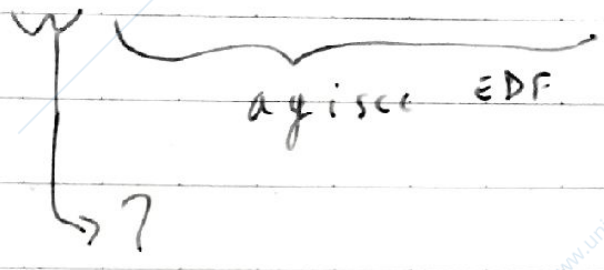
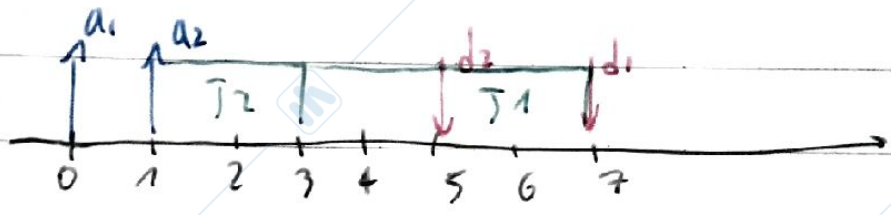


non potendo fare preemption, una volta iniziata J_1 deve finire

J_2 stona ONLINE

(OFFLINE)

Un sistema con il quale possiamo soddisfare i vincoli è:



Consideriamo il rapporto tra

ONLINE vs OFFLINE

Un algoritmo di tipo ONLINE non è ottimale

Algoritmi non greedy, ossia che non ragionano istante per istante

→ Complessità algoritmo — numero di operazioni che deve fare

→ Complessità problema — numero minimo di operazioni che deve fare

in questo caso $\downarrow O(2^n)$ $n = \text{numero di processi}$



3

No. SISTEMI INF.

Mo	Tu	We	Th	Fr	Sa	Su
----	----	----	----	----	----	----

Date 02 10 19

Algoritmo con complessità $O(n!)$

	J_1	J_2	J_3	J_4
a_i	4	1	1	0
c_i	2	1	2	2
d_i	7	5	6	4

algoritmi

di

branch and

bound

questo caso $O(4!)$

Se uno vuole provare a trovare algoritmo di $O(2^4)$

↳ Inizio: è un algoritmo di Dynamic Programming.
 e partano al algoritmo shortest path greedy,
 travel sales man problem, knapsack problem

→ Dobbiamo costruire una sequenza di processi
 dopo averli analizzati tutti.

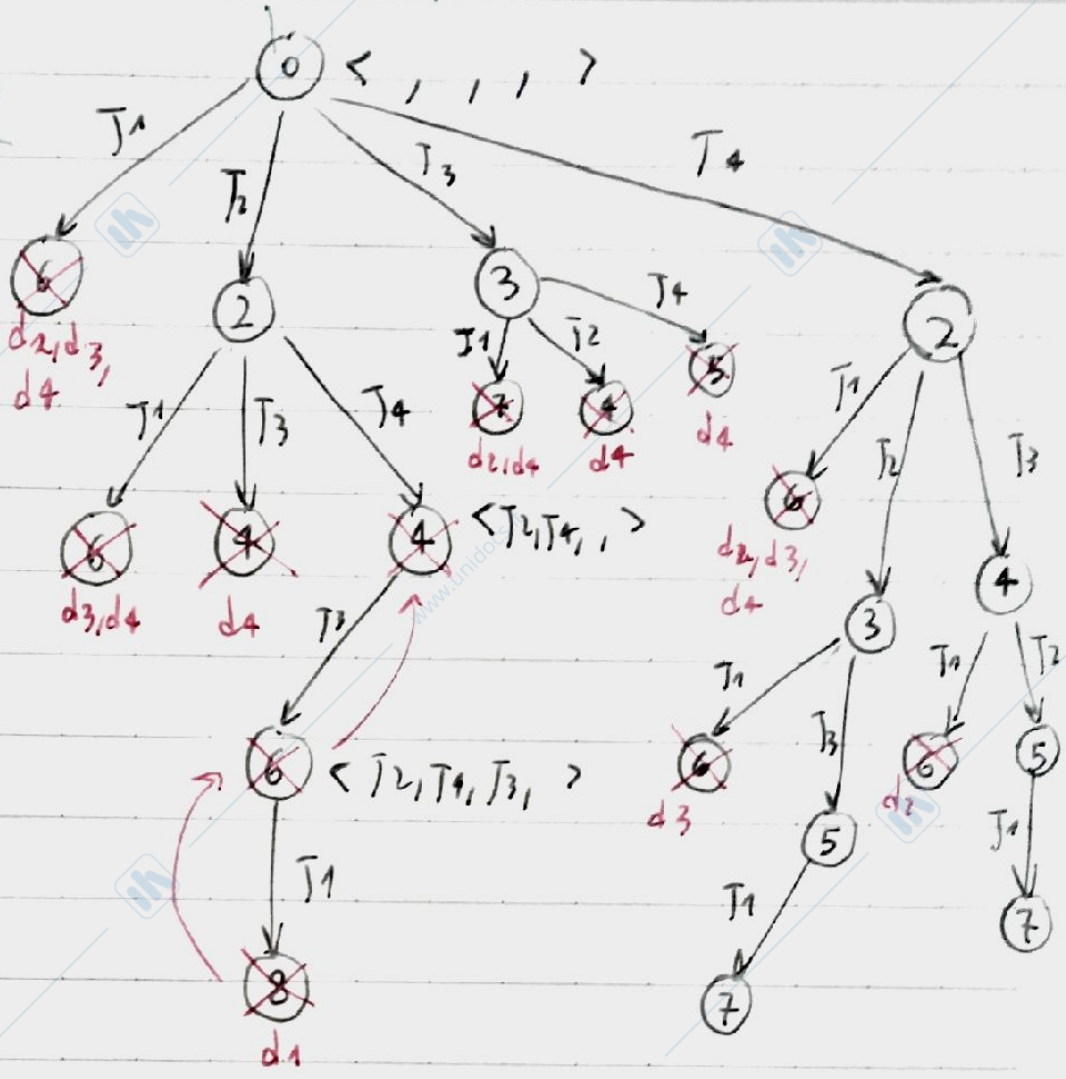
Abbiamo $\langle J_1, J_2, J_3, J_4 \rangle$

Vogliamo
 ordinarli in una schedazione del tipo

$\langle \quad, \quad \rangle$

istanti \checkmark 40/40

guardiamo
 quanto
 ci mette
 i processi
 e vediamo
 se si
 supera
 la deadline



OTTIMALE: $\rightarrow \langle T4, T2, T3, T1 \rangle$

- Oss.
- 1 Se n piccolo, ricerca esaustiva
 su tutto ad albero guidata da
 euristiche
 - 2 Se n grande, ricerca euristica
 \Rightarrow NON OTTIMALITÀ

APPROCCIO EURISTICO $\left\{ \begin{array}{l} \text{guida alla ricerca ottima} \\ \text{soluzione euristica} \end{array} \right.$

$h_i = a_i \rightarrow$ EURISTICA DI PRIMO LIVELLO

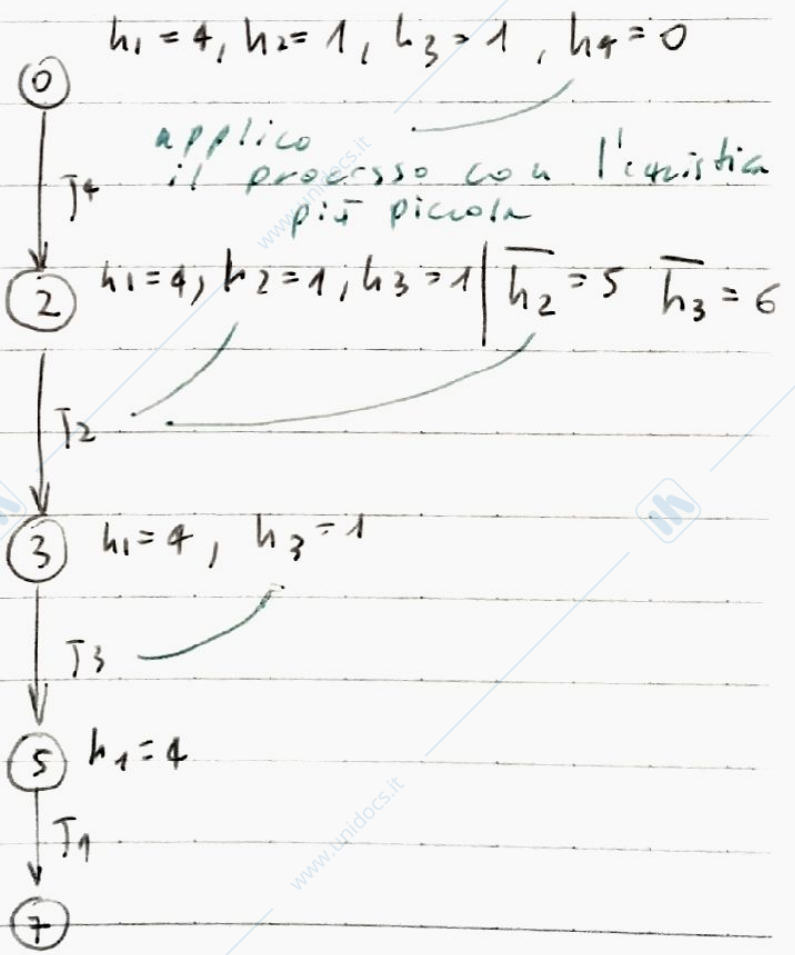
funzione
che associa
un numero
ai processi
(indica l'ordine
da provare)

$\bar{h}_i = d_i \rightarrow$ EURISTICA DI SECONDO LIVELLO

es. (precedente)

Guida
alla
ricerca
ottima

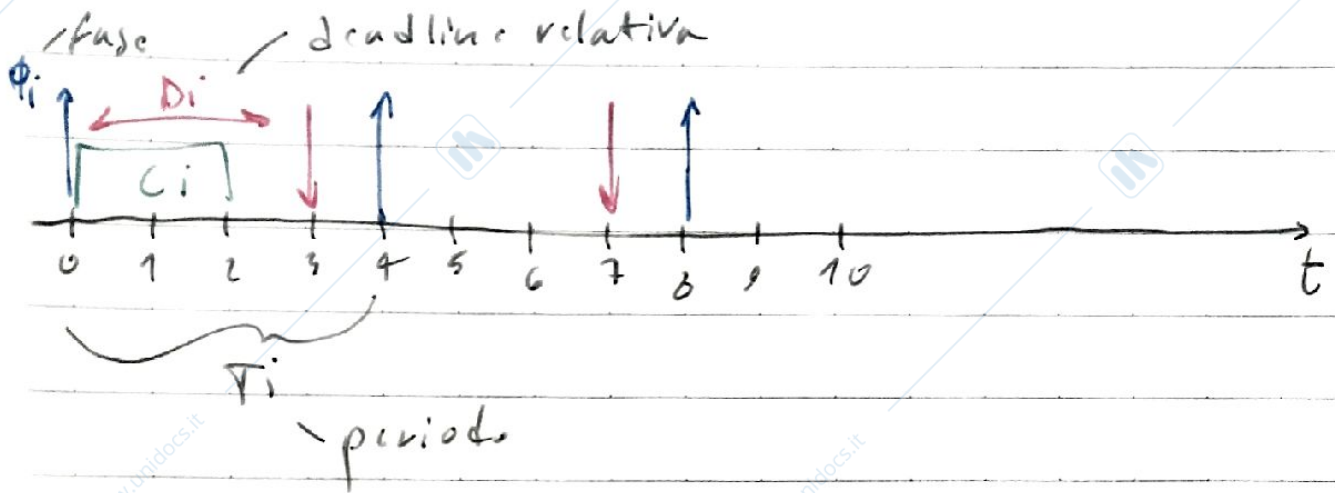
se vogliamo
trovare una
soluzione
ottimale
ci facciamo
tutto l'albero



Se non
rispettano
i vincoli
usavamo
la seconda
modalità
dell'approccio
euristico

ossia rispettando
la SOLUZIONE EURISTICA

PROCESSI PERIODICI



Scheduling periodico

↓
 analisi di schedulabilità — problema principale

Immaginiamo che:

$$\phi_i = 0 \quad \forall i \quad (\text{li mettiamo tutti in fase})$$

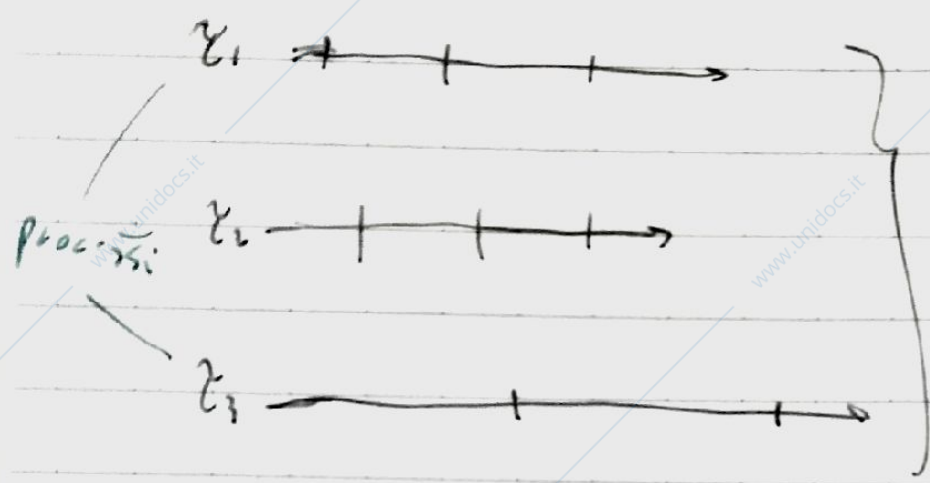
possiamo pensare che è schedato l'inc.
 che se l'inc. ha una schedulazione da
 un tempo 0 a uno \bar{T} allora
 questa schedulazione vale anche per
 tutto il tempo dopo \bar{T}

$$\hookrightarrow \bar{T} = \prod_i T_i$$

↑
 prodotto di tutti i periodi

È il prodotto poiché:

Immaginiamo di avere i processi



Si immagina tutti in fase a 4h costo unitario, ossia il loro prodotto.

es.

	z_1	z_2	z_3	z_4
ϕ_i				
C_i				
T_i				
D_i				

Descrivibile con 4. n parametri

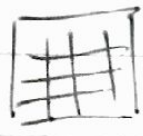


Si aggrega in un MACRO INDICE

FATTORE DI UTILIZZAZIONE

$$U = U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_n = \frac{C_1}{T_1} + \frac{C_2}{T_2} + \dots + \frac{C_n}{T_n}$$

Mo Tu We Th Fr Sa Su



PROBLEMA

FATTORE DI UTILIZZAZIONE DEL PROBLEMA

possiamo vederlo come un fattore di utilizzazione della CPU

Poi lo confrontano con

SCHEDULABILE

SI



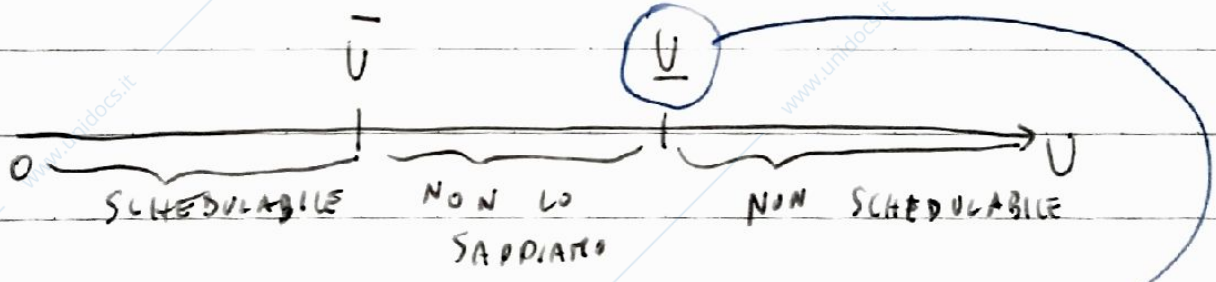
SOGLIA DI SCHEDULABILITÀ \bar{U}

NO

si determina con uno specifico algoritmo

NON POSSIBILI DIRENIENTE

NON SCHEDULABILE



Valore oltre il quale

Sappiamo automaticamente che non è schedulabile

$\bar{U} = 1$



Mo	Tu	W	Th	Fr	Sa	Su
----	----	---	----	----	----	----

→ V > 1 Dimostrazione

Tesi: Se $V > 1 \Rightarrow$ IL PROBLEMA NON È SCHEDULABILE

Assunzioni: $\phi_i = 0 \quad \forall i$

$$\bar{T} = T_1 \cdot T_2 \cdot T_3 \cdot \dots \cdot T_n$$

Assunzione: $V > 1$

VOLTE INTERA
CHE χ_i È ESEGUITO
DA 0 A \bar{T}

$$\bar{T} V = \sum_i \frac{C_i}{\pi_i} \bar{T} = \sum_i \underbrace{\left(\frac{\bar{T}}{T_i} \right)}_{\substack{\text{tempo } T_i \text{ computazionale} \\ \text{richiesto da } \chi_i \\ \text{da 0 a } \bar{T} \text{ per} \\ \text{soddisfare la sua} \\ \text{deadline}}} \cdot C_i$$

tempo comput. richiesto da tutti i processi

tempo T_i computazionale richiesto da χ_i da 0 a \bar{T} per soddisfare la sua deadline

$(\bar{T} V) > \bar{T}$ tempo che ho a disposizione

Quello che devo eseguire

↑ da assunzione $V > 1$

Quindi NON È SCHEDULABILE